

---

# **Transformada Imagem-Floresta Orientada (OIFT)**

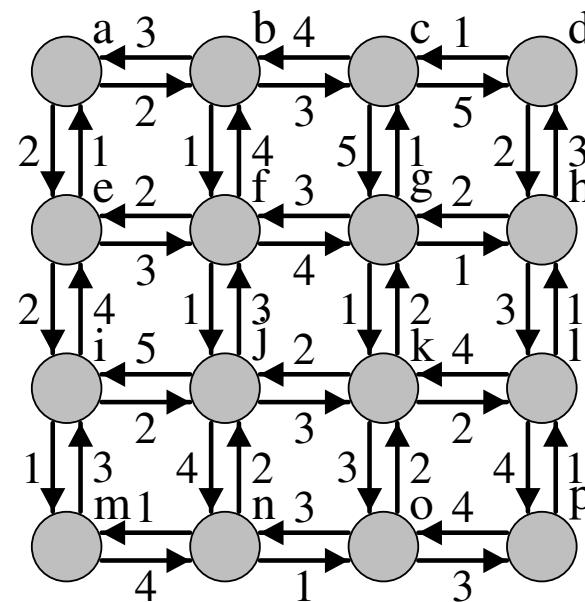
Prof. Dr. Paulo A. V. de Miranda  
Instituto de Matemática e Estatística (IME),  
Universidade de São Paulo (USP)  
[pmiranda@vision.ime.usp.br](mailto:pmiranda@vision.ime.usp.br)



# Introdução

- Introdução
- Transformada
- Imagem-Floresta Orientada (OIFT)
- Função de conexidade (1<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (1<sup>a</sup> versão)
- Função de conexidade (2<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (2<sup>a</sup> versão)
- Tratamento de empates
- Polaridade de borda

- Um dígrafo ponderado nos arcos será denotado como  $G = \langle \mathcal{N}, \mathcal{A}, w \rangle$ .
- Um dígrafo  $G$  é simétrico se, para todos  $\langle s, t \rangle \in \mathcal{A}$ , o par  $\langle t, s \rangle$  também é um arco de  $G$ .
- Observe que em dígrafos simétricos podemos ter  $w(s, t) \neq w(t, s)$ .



Exemplo de dígrafo simétrico ponderado nos arcos.



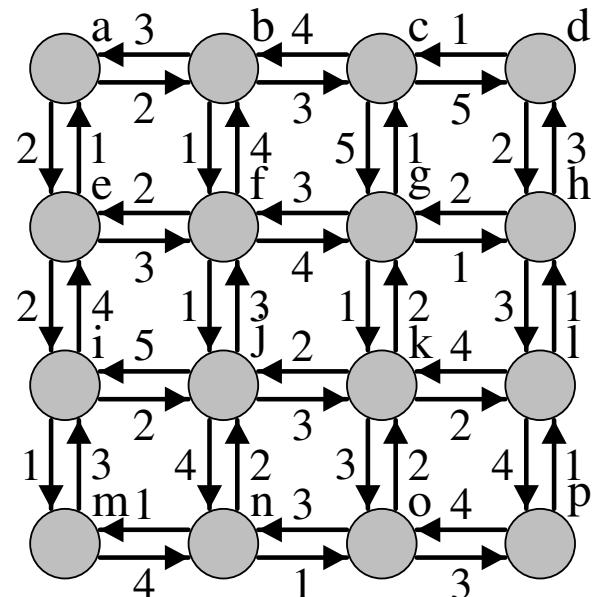
# Introdução

- Introdução
- Transformada
- Imagen-Floresta Orientada (OIFT)
- Função de conexidade (1<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (1<sup>a</sup> versão)
- Função de conexidade (2<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (2<sup>a</sup> versão)
- Tratamento de empates
- Polaridade de borda

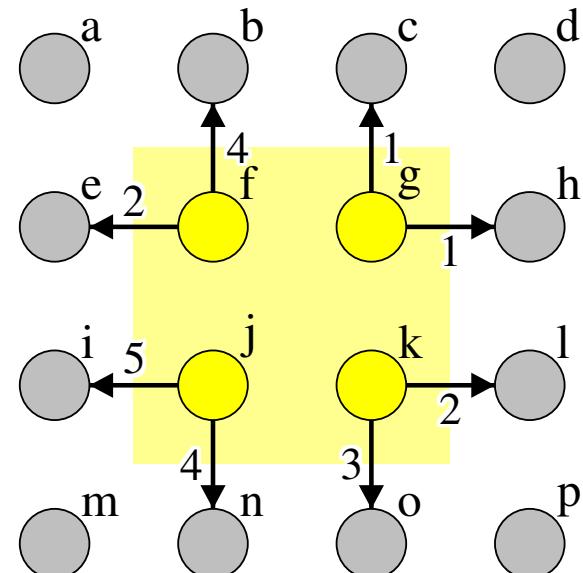
Em um dígrafo simétrico  $G = \langle \mathcal{N}, \mathcal{A}, w \rangle$ , cada objeto  $\mathcal{O} \subset \mathcal{N}$  possui dois cortes possíveis:

1) Um **corte externo** composto pelos arcos no conjunto

$$\mathcal{C}_{ext}(\mathcal{O}) = \{\langle s, t \rangle \in \mathcal{A} \mid s \in \mathcal{O} \wedge t \notin \mathcal{O}\}.$$



Dígrafo simétrico



Corte externo  $\mathcal{C}_{ext}(\mathcal{O})$

■  $\mathcal{C}_{ext}(\mathcal{O}) = \{\langle f, b \rangle, \langle f, e \rangle, \langle g, c \rangle, \langle g, h \rangle, \langle j, i \rangle, \langle j, n \rangle, \langle k, l \rangle, \langle k, o \rangle\}$



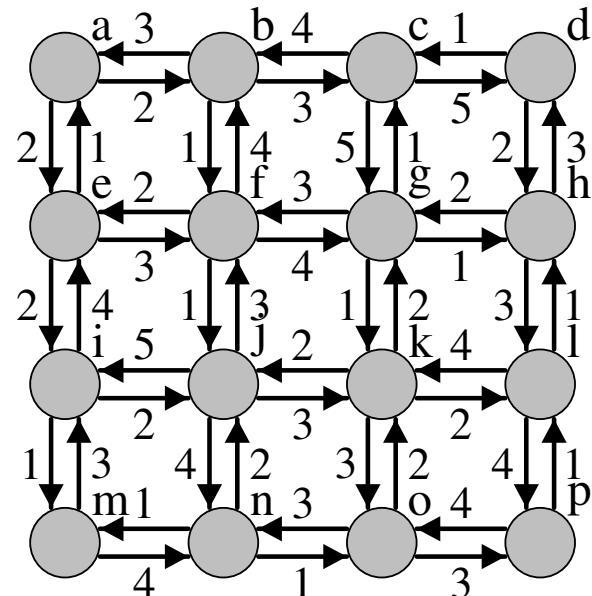
# Introdução

- Introdução
- Transformada
- Imagen-Floresta Orientada (OIFT)
- Função de conexidade (1<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (1<sup>a</sup> versão)
- Função de conexidade (2<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (2<sup>a</sup> versão)
- Tratamento de empates
- Polaridade de borda

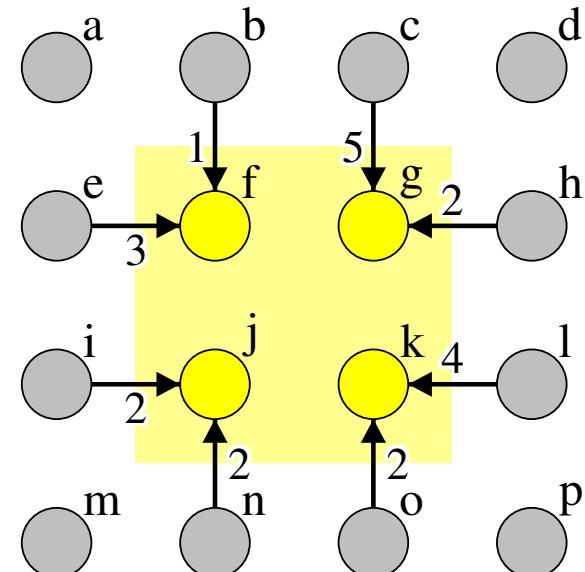
Em um dígrafo simétrico  $G = \langle \mathcal{N}, \mathcal{A}, w \rangle$ , cada objeto  $\mathcal{O} \subset \mathcal{N}$  possui dois cortes possíveis:

2) Um **corte interno** composto pelos arcos no conjunto

$$\mathcal{C}_{int}(\mathcal{O}) = \{\langle s, t \rangle \in \mathcal{A} \mid s \notin \mathcal{O} \wedge t \in \mathcal{O}\}.$$



Dígrafo simétrico



Corte interno  $\mathcal{C}_{int}(\mathcal{O})$

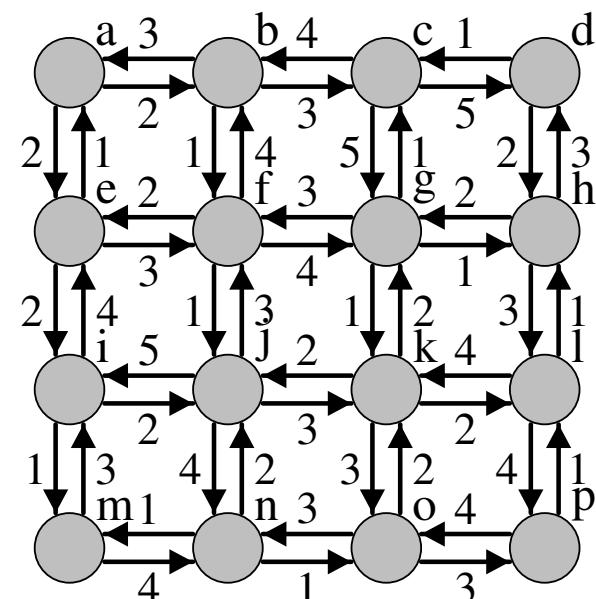
- $\mathcal{C}_{int}(\mathcal{O}) = \{\langle b, f \rangle, \langle e, f \rangle, \langle c, g \rangle, \langle h, g \rangle, \langle i, j \rangle, \langle n, j \rangle, \langle l, k \rangle, \langle o, k \rangle\}.$



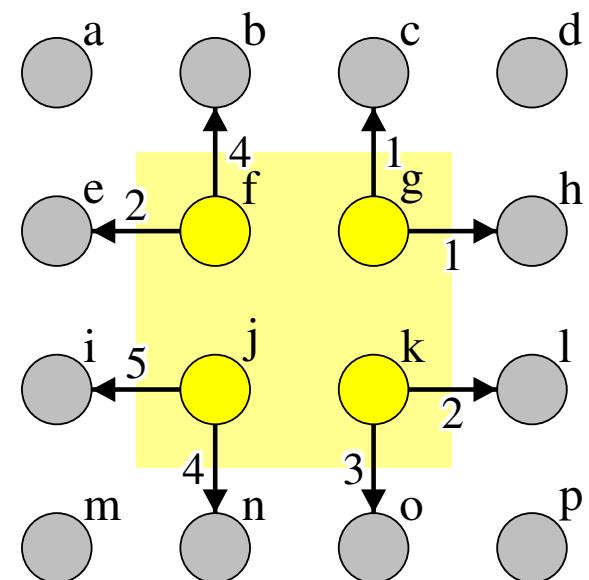
# Introdução

Introdução  
Transformada  
Imagen-Floresta  
Orientada (OIFT)  
Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)  
Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)  
Tratamento de  
empates  
Polaridade de borda

- Vamos tratar inicialmente o caso do corte externo  $\mathcal{C}_{ext}(\mathcal{O})$ .
- Cada objeto candidato  $\mathcal{O} \subset \mathcal{N}$  possui um valor associado de energia dado por:  $E(\mathcal{O}) = \min_{\langle s,t \rangle \in \mathcal{C}_{ext}(\mathcal{O})} w(s, t)$ .



Dígrafo simétrico



$\mathcal{C}_{ext}(\mathcal{O}_1)$

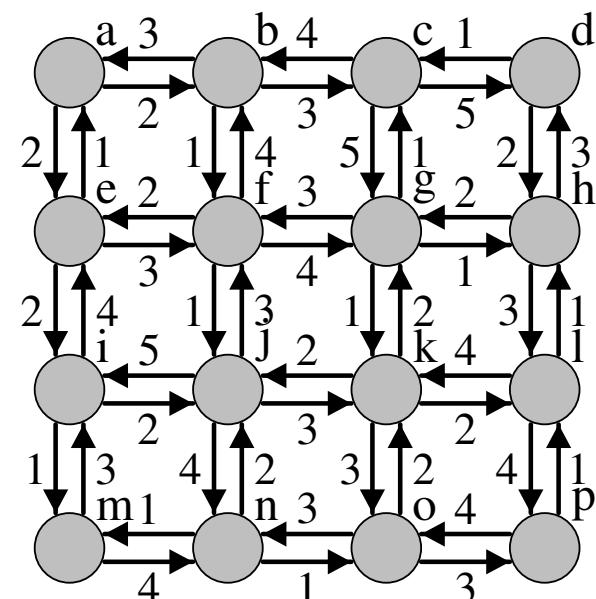
- $E(\mathcal{O}_1) = \min\{4, 2, 1, 1, 5, 4, 3, 2\} = 1$ .



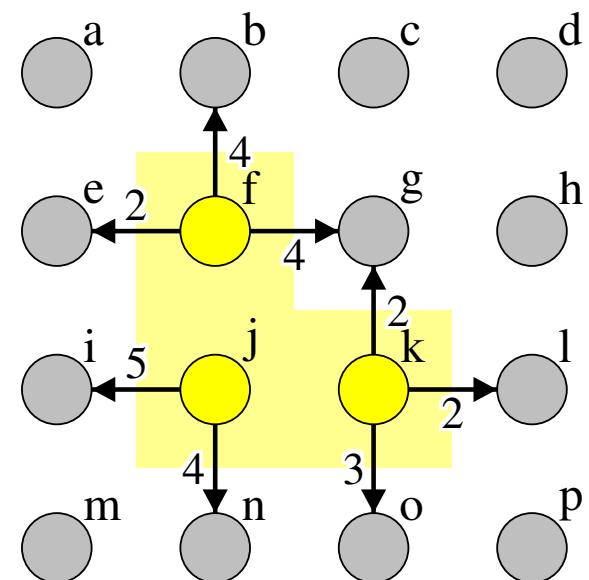
# Introdução

Introdução  
Transformada  
Imagen-Floresta  
Orientada (OIFT)  
Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)  
Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)  
Tratamento de  
empates  
Polaridade de borda

- Vamos tratar inicialmente o caso do corte externo  $\mathcal{C}_{ext}(\mathcal{O})$ .
- Cada objeto candidato  $\mathcal{O} \subset \mathcal{N}$  possui um valor associado de energia dado por:  $E(\mathcal{O}) = \min_{\langle s,t \rangle \in \mathcal{C}_{ext}(\mathcal{O})} w(s, t)$ .



Dígrafo simétrico



$\mathcal{C}_{ext}(\mathcal{O}_2)$

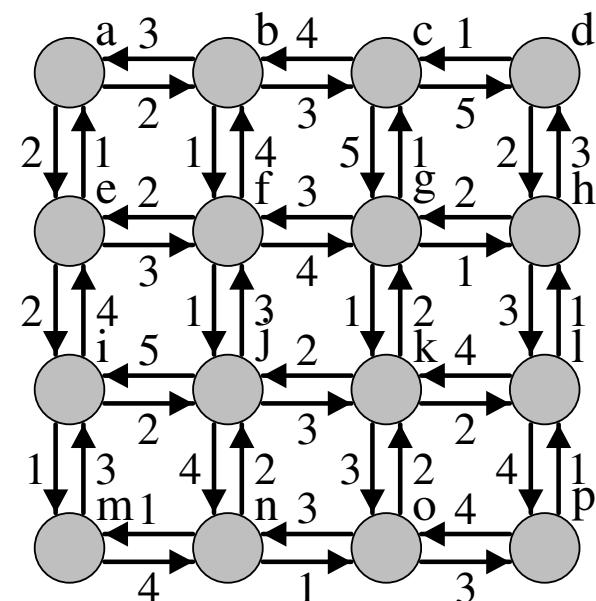
- $E(\mathcal{O}_2) = \min\{4, 2, 4, 5, 4, 2, 2, 3\} = 2$ .



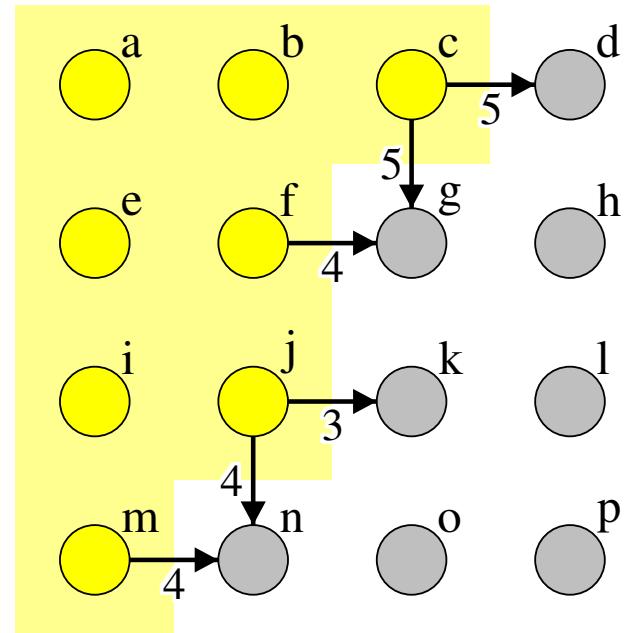
# Introdução

Introdução  
Transformada  
Imagen-Floresta  
Orientada (OIFT)  
Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)  
Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)  
Tratamento de  
empates  
Polaridade de borda

- Vamos tratar inicialmente o caso do corte externo  $\mathcal{C}_{ext}(\mathcal{O})$ .
- Cada objeto candidato  $\mathcal{O} \subset \mathcal{N}$  possui um valor associado de energia dado por:  $E(\mathcal{O}) = \min_{\langle s,t \rangle \in \mathcal{C}_{ext}(\mathcal{O})} w(s, t)$ .



Dígrafo simétrico



$\mathcal{C}_{ext}(\mathcal{O}_3)$

- $E(\mathcal{O}_3) = \min\{5, 5, 4, 3, 4, 4\} = 3$ .



# Transformada Imagem-Floresta Orientada (OIFT)

Introdução

Transformada

Imagen-Floresta  
Orientada (OIFT)

Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)

Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)

Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)

Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)

Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)

Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)

Tratamento de  
empates

Polaridade de borda

## ■ Entrada:

- ◆ Um dígrafo  $G = \langle \mathcal{N}, \mathcal{A}, w \rangle$  simétrico e ponderado nos arcos,
- ◆ Dois conjuntos de sementes  $\mathcal{S}_o$  e  $\mathcal{S}_b$ , representando respectivamente objeto e fundo (*background*).

- Seja  $\mathcal{X} = \{\mathcal{O} \mid \mathcal{S}_o \subset \mathcal{O} \subset \mathcal{N} \setminus \mathcal{S}_b\}$  o conjunto de todos resultados de segmentação satisfazendo as restrições de sementes.
- A OIFT define um  $\mathcal{C}_{ext}(\mathcal{O}^*)$  corte ótimo que maximiza a energia  $E$  entre todos possíveis resultados de segmentação satisfazendo as restrições de sementes. Isto é,  $E(\mathcal{O}^*) = \max_{\mathcal{O} \in \mathcal{X}} E(\mathcal{O})$ .



# Função de conexidade (1<sup>a</sup> versão)

Introdução  
Transformada  
Imagen-Floresta  
Orientada (OIIFT)

Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)

Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)

Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)

Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)

Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)

Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)

Tratamento de  
empates

Polaridade de borda

Em sua primeira versão [Miranda e Mansilla, 2014], a OIFT corresponde a uma instância da Transformada Imagem-Floresta com a seguinte função de conexidade:

$$f_{\max}^{\rightarrow}(\langle t \rangle) = \begin{cases} -\infty & \text{se } t \in \mathcal{S} \\ +\infty & \text{caso contrário} \end{cases}$$
$$f_{\max}^{\rightarrow}(\pi_{r \rightsquigarrow s} \cdot \langle s, t \rangle) = \begin{cases} \max\{f_{\max}^{\rightarrow}(\pi_{r \rightsquigarrow s}), 2 \times w(s, t) + 1\} & \text{se } r \in \mathcal{S}_o \\ \max\{f_{\max}^{\rightarrow}(\pi_{r \rightsquigarrow s}), 2 \times w(t, s)\} & \text{se } r \in \mathcal{S}_b \end{cases}$$

onde  $w(s, t) \in \mathbb{Z}$  é um peso de arco inteiro e  $\mathcal{S} = \mathcal{S}_o \cup \mathcal{S}_b$  é um conjunto de sementes.

*P.A.V. Miranda, L.A.C. Mansilla*

**Oriented Image Foresting Transform Segmentation by Seed Competition,**

IEEE Transactions on Image Processing.

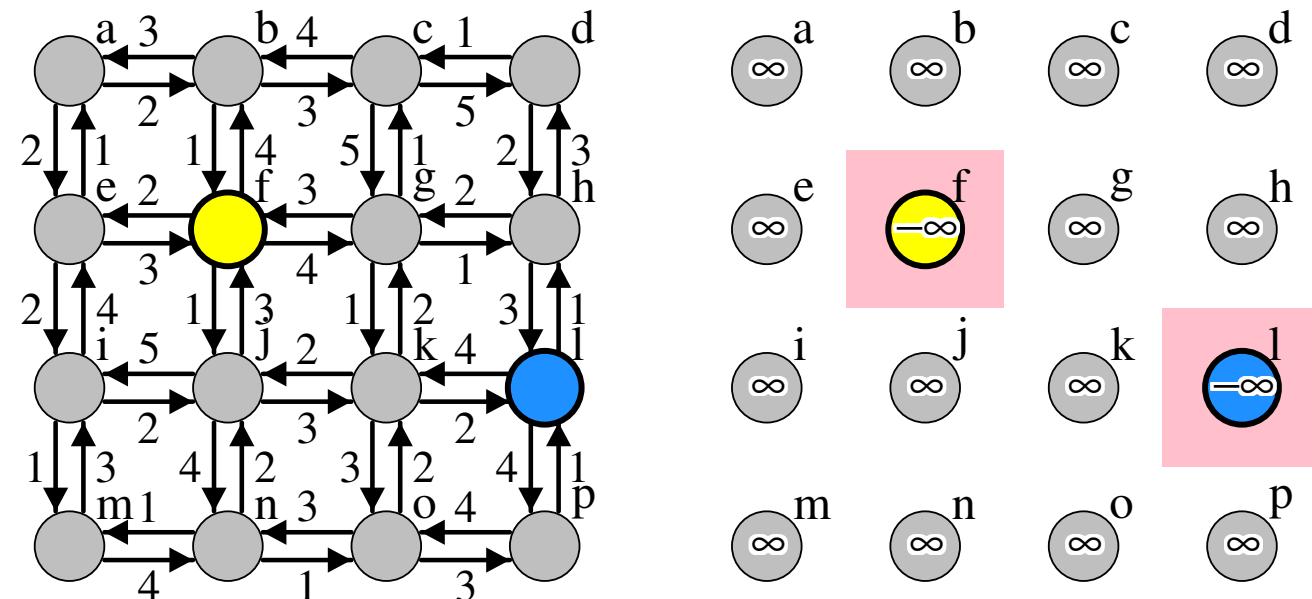
Jan 2014, vol. 23, no. 1, pp. 389-398.



# Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)

- Introdução
- Transformada
- Imagen-Floresta
- Orientada (OIFT)
- Função de conexidade (1<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)**
- Corte interno (1<sup>a</sup> versão)
- Função de conexidade (2<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (2<sup>a</sup> versão)
- Tratamento de empates
- Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_{\max}^{\rightarrow}$ :

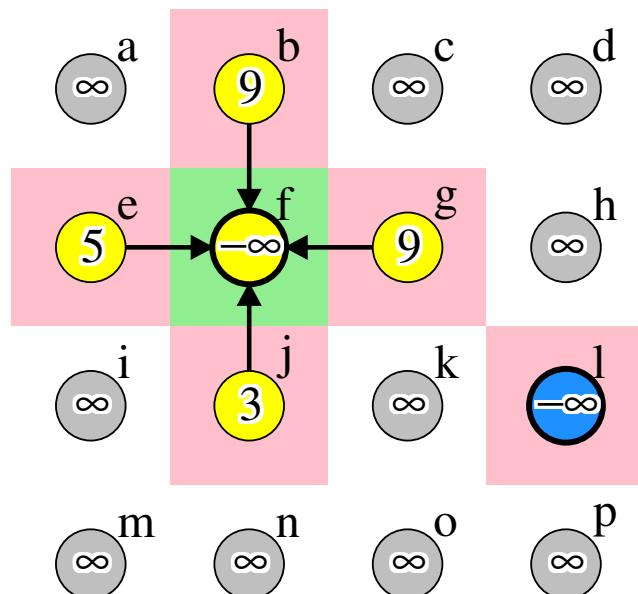
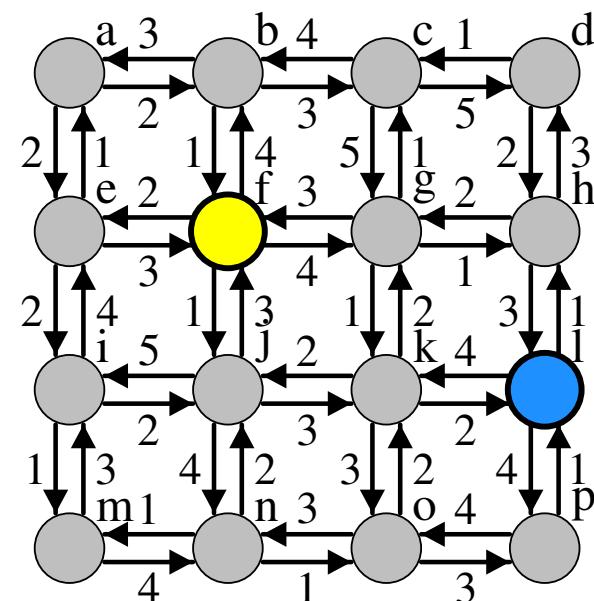




# Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)

- Introdução
- Transformada
- Imagen-Floresta
- Orientada (OIFT)
- Função de conexidade (1<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)**
- Corte interno (1<sup>a</sup> versão)
- Função de conexidade (2<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (2<sup>a</sup> versão)
- Tratamento de empates
- Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_{\max}^{\rightarrow}$ :



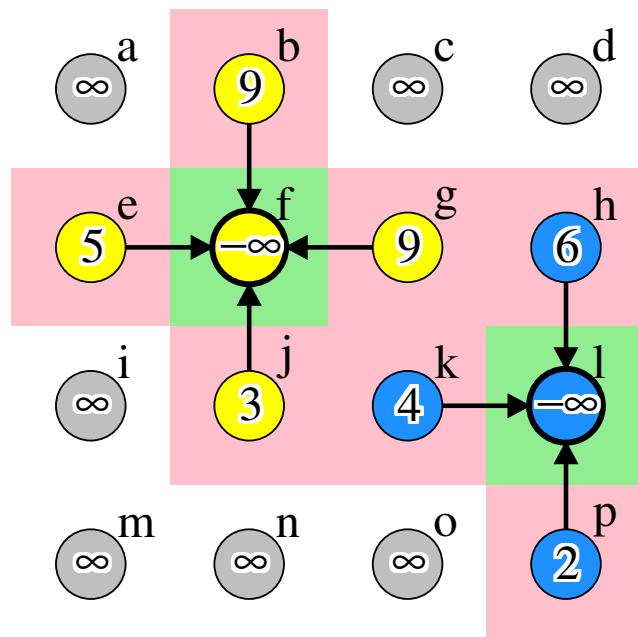
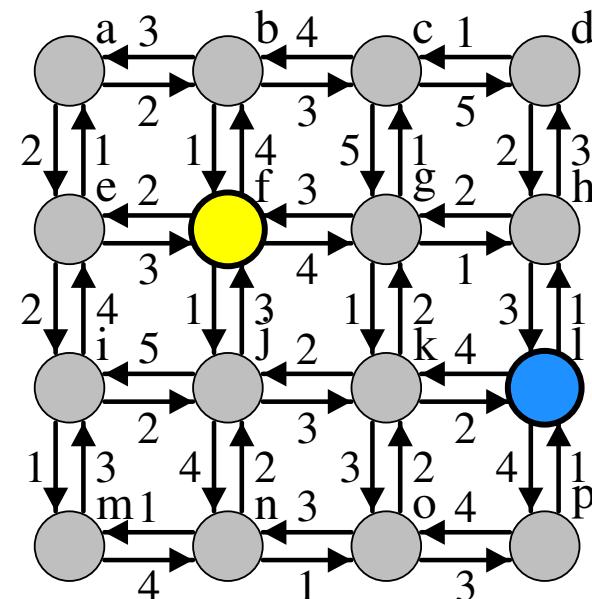
após 1 iteração.



# Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)

- Introdução
- Transformada
- Imagen-Floresta
- Orientada (OIFT)
- Função de conexidade (1<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)**
- Corte interno (1<sup>a</sup> versão)
- Função de conexidade (2<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (2<sup>a</sup> versão)
- Tratamento de empates
- Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_{\max}^{\rightarrow}$ :



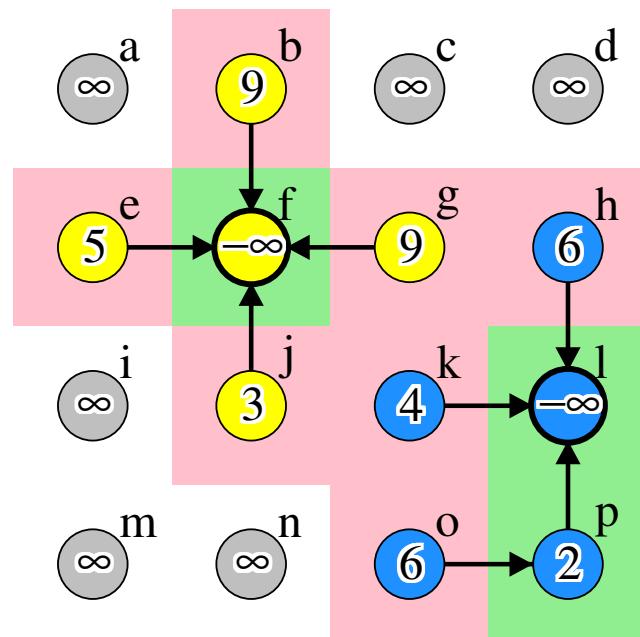
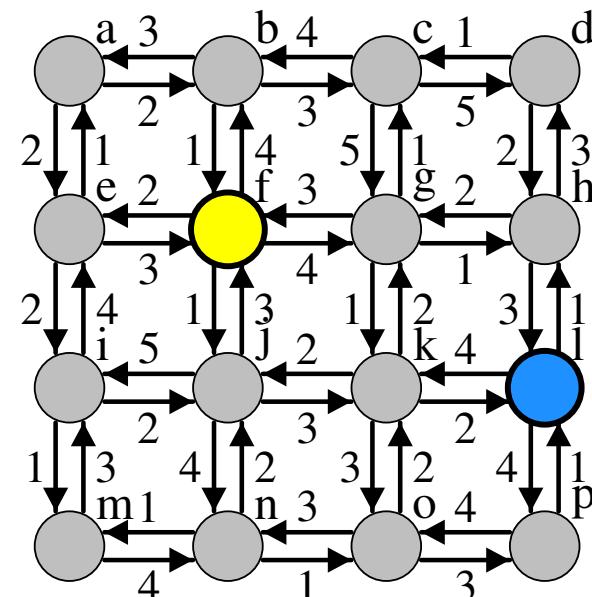
após 2 iterações.



# Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)

- Introdução
- Transformada
- Imagen-Floresta
- Orientada (OIFT)
- Função de conexidade (1<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)**
- Corte interno (1<sup>a</sup> versão)
- Função de conexidade (2<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (2<sup>a</sup> versão)
- Tratamento de empates
- Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_{\max}^{\rightarrow}$ :



após 3 iterações.



# Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)

# Introdução Transformada Imagem-Floresta Orientada (OIFT)

## Função de conexidade (1<sup>a</sup> versão)

# Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)

## Corte interno (1<sup>a</sup> versão)

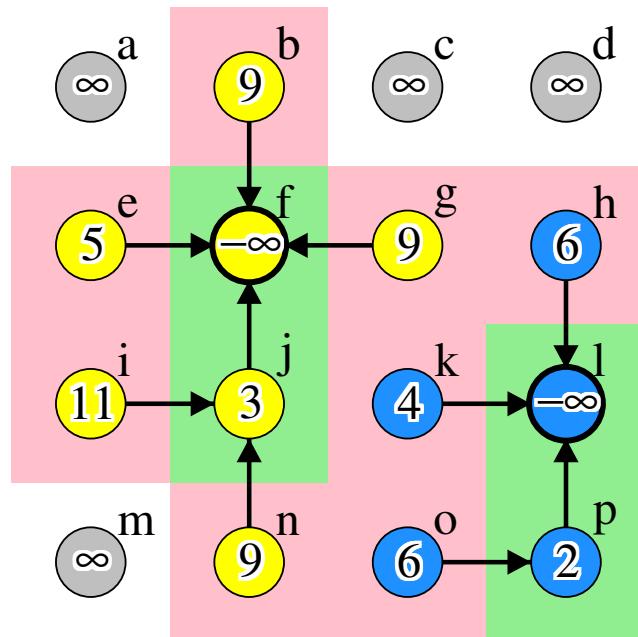
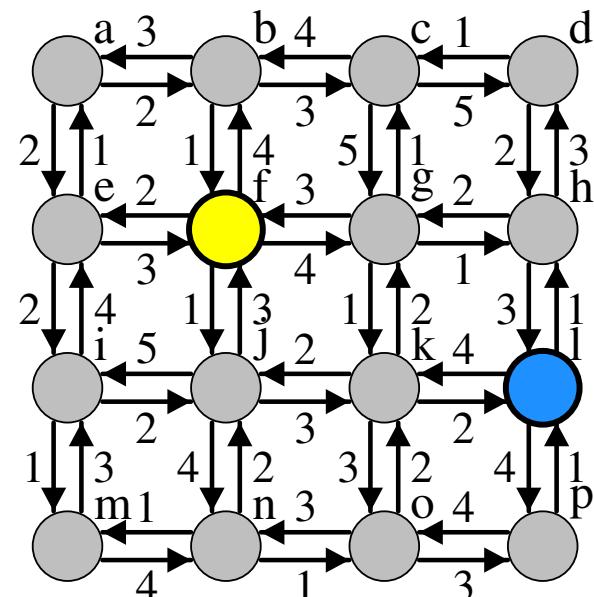
## Função de conexidade (2<sup>a</sup> versão)

## Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)

## Corte interno (2<sup>a</sup> versão)

## Tratamento de empates Polaridade de

## IFT com função de conexidade $f_{\max}^\sigma$ :



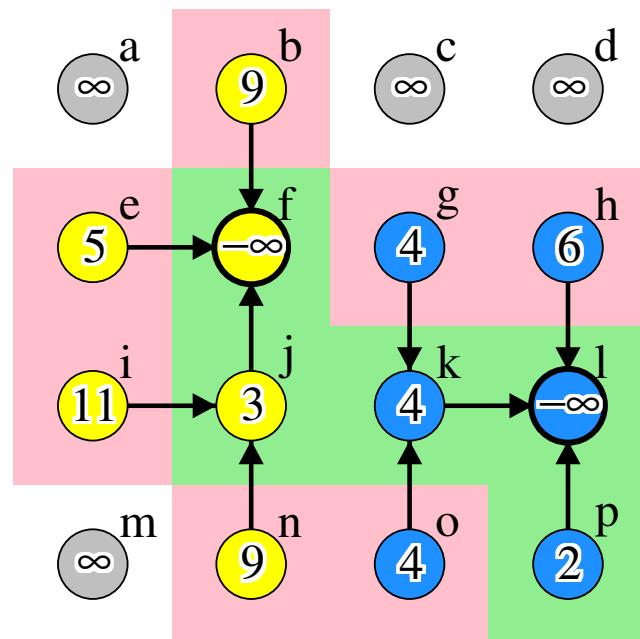
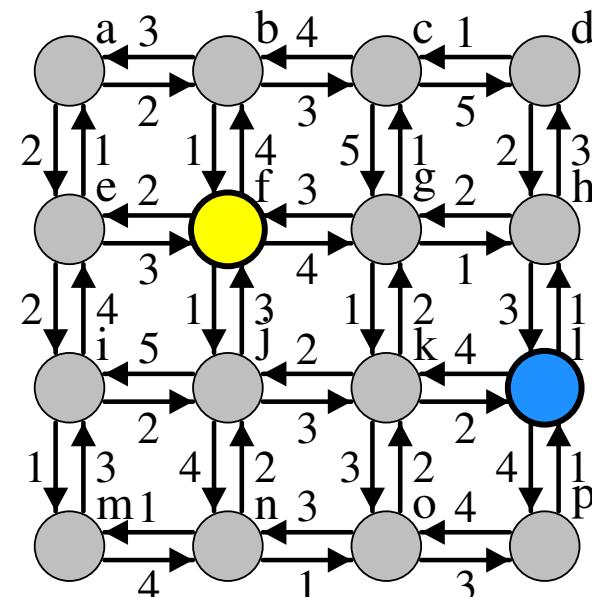
após 4 iterações.



# Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)

- Introdução
- Transformada
- Imagen-Floresta
- Orientada (OIFT)
- Função de conexidade (1<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)**
- Corte interno (1<sup>a</sup> versão)
- Função de conexidade (2<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (2<sup>a</sup> versão)
- Tratamento de empates
- Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_{\max}^{\rightarrow}$ :



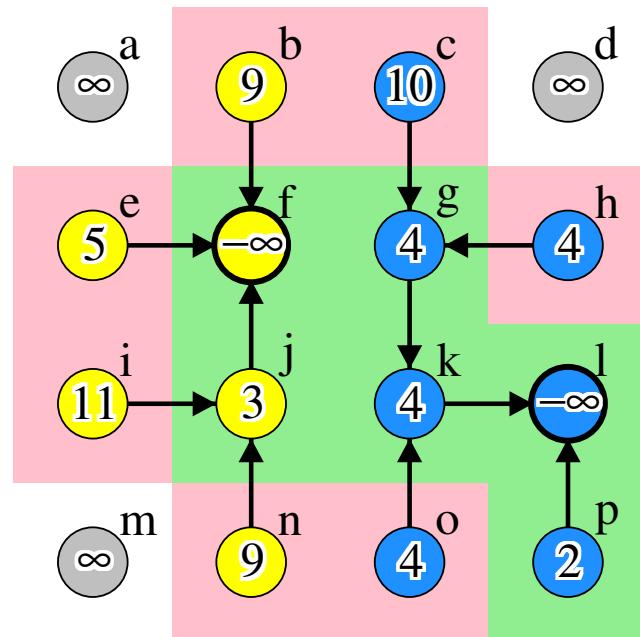
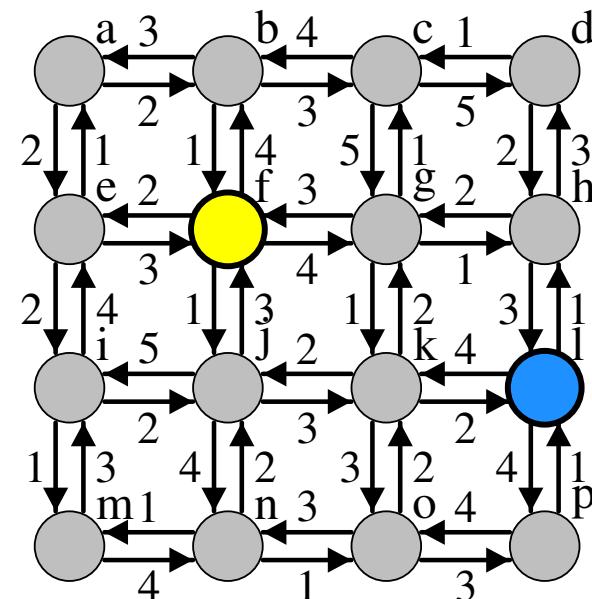
após 5 iterações.



# Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)

- Introdução
- Transformada
- Imagen-Floresta
- Orientada (OIFT)
- Função de conexidade (1<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)**
- Corte interno (1<sup>a</sup> versão)
- Função de conexidade (2<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (2<sup>a</sup> versão)
- Tratamento de empates
- Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_{\max}^{\rightarrow}$ :



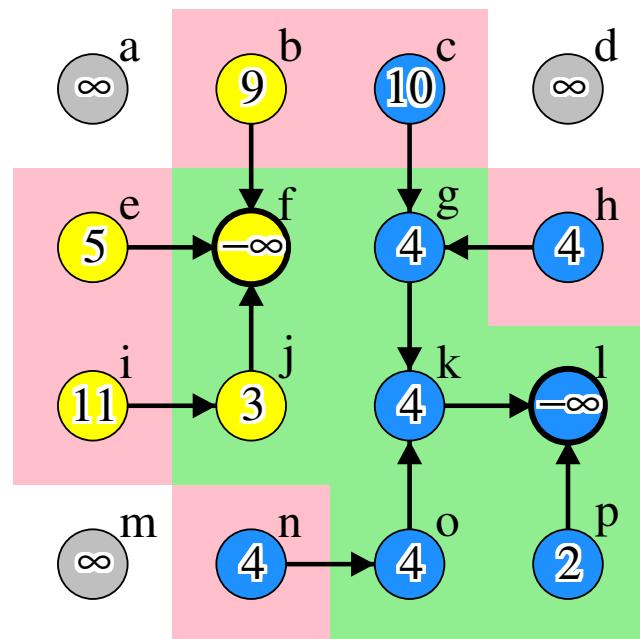
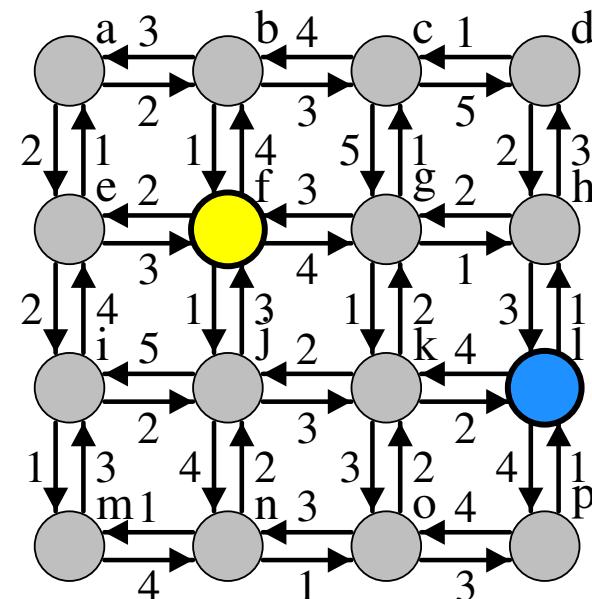
após 6 iterações.



# Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)

- Introdução
- Transformada
- Imagen-Floresta Orientada (OIFT)
- Função de conexidade (1<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)**
- Corte interno (1<sup>a</sup> versão)
- Função de conexidade (2<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (2<sup>a</sup> versão)
- Tratamento de empates
- Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_{\max}^{\rightarrow}$ :



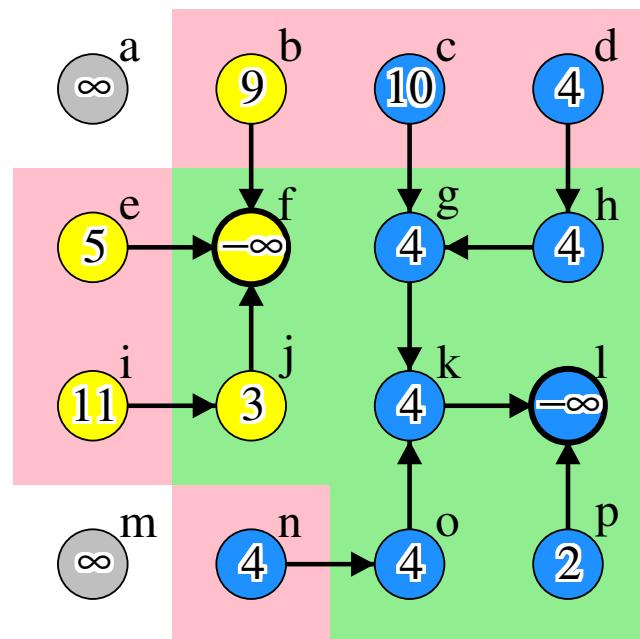
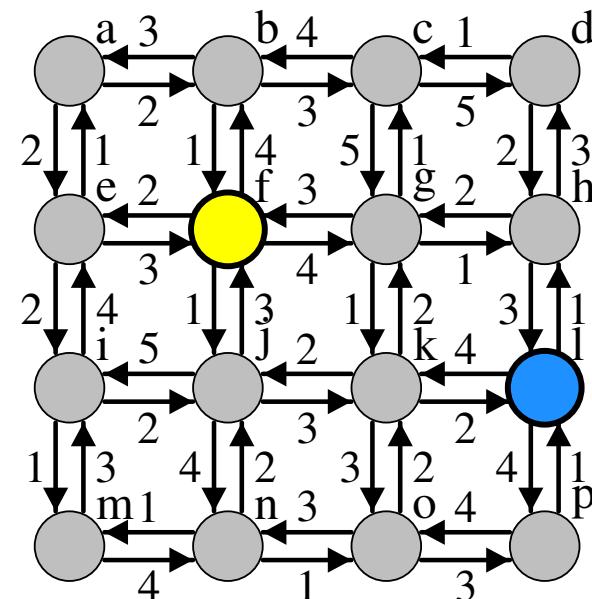
após 7 iterações.



# Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)

- Introdução
- Transformada
- Imagen-Floresta
- Orientada (OIFT)
- Função de conexidade (1<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)**
- Corte interno (1<sup>a</sup> versão)
- Função de conexidade (2<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (2<sup>a</sup> versão)
- Tratamento de empates
- Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_{\max}^{\rightarrow}$ :



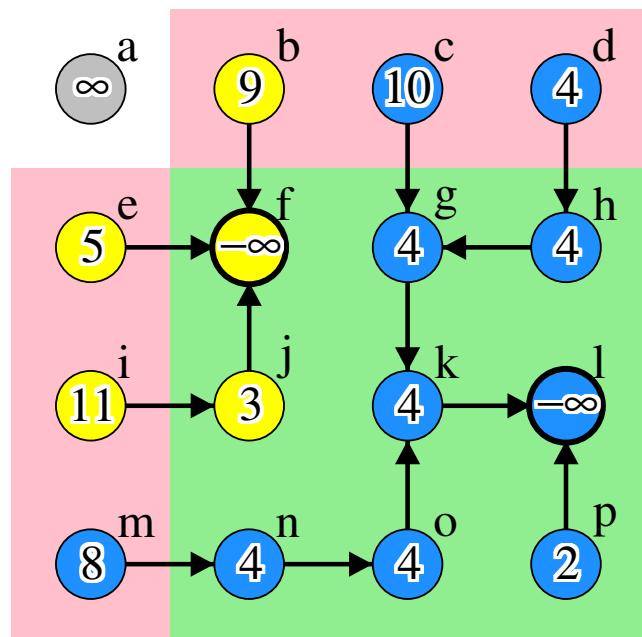
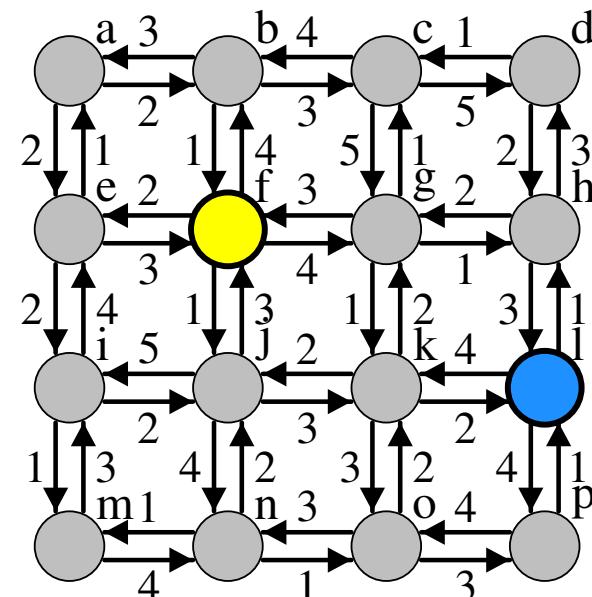
após 8 iterações.



# Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)

- Introdução
- Transformada
- Imagen-Floresta
- Orientada (OIFT)
- Função de conexidade (1<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)**
- Corte interno (1<sup>a</sup> versão)
- Função de conexidade (2<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (2<sup>a</sup> versão)
- Tratamento de empates
- Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_{\max}^{\rightarrow}$ :



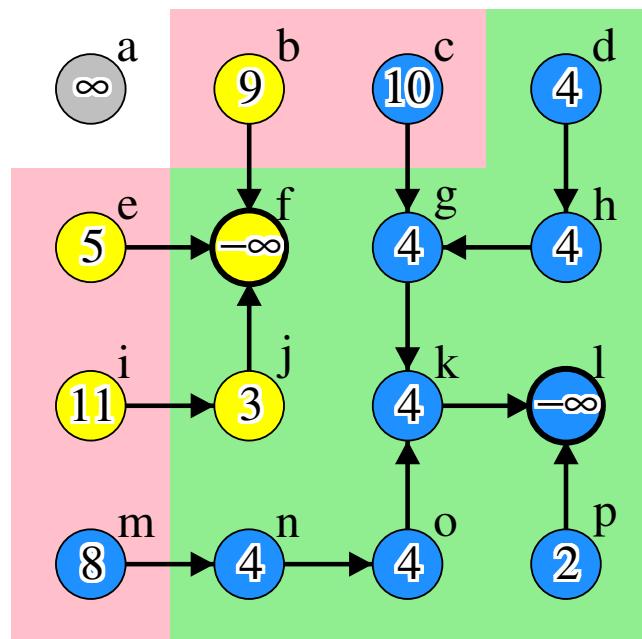
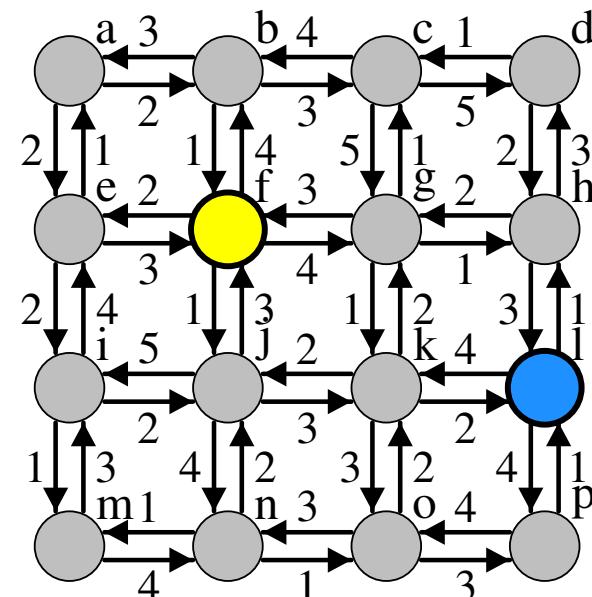
após 9 iterações.



# Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)

- Introdução
- Transformada
- Imagen-Floresta
- Orientada (OIFT)
- Função de conexidade (1<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão) (atual)
- Corte interno (1<sup>a</sup> versão)
- Função de conexidade (2<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (2<sup>a</sup> versão)
- Tratamento de empates
- Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_{\max}^{\rightarrow}$ :



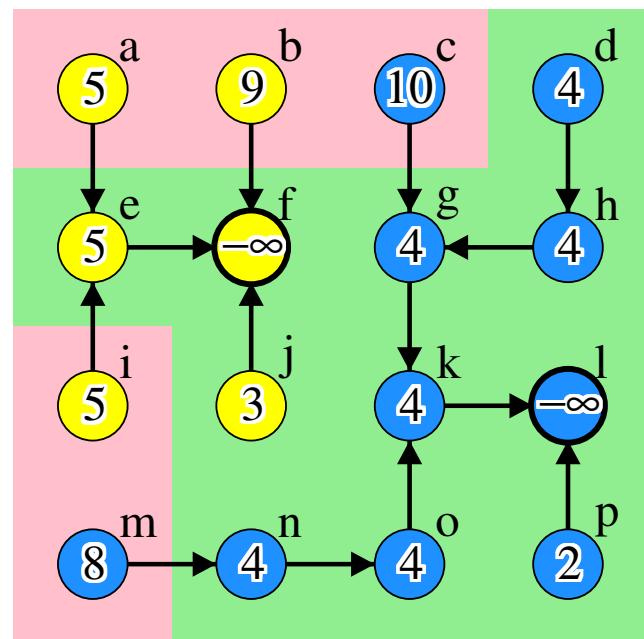
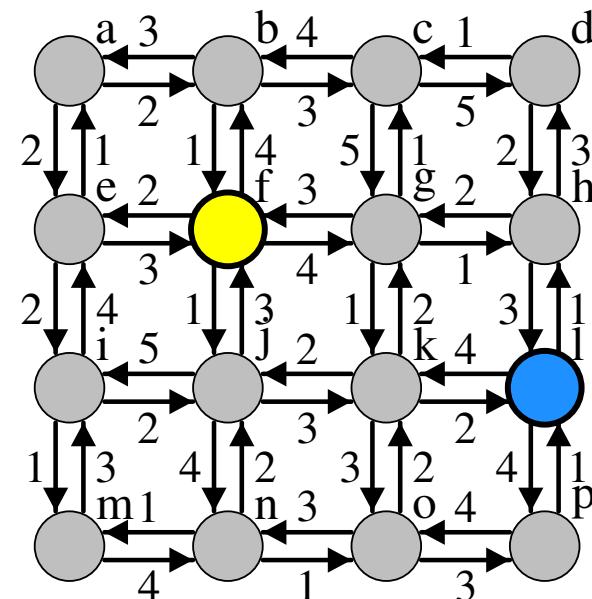
após 10 iterações.



# Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)

- Introdução
- Transformada
- Imagen-Floresta Orientada (OIFT)
- Função de conexidade (1<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)**
- Corte interno (1<sup>a</sup> versão)
- Função de conexidade (2<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (2<sup>a</sup> versão)
- Tratamento de empates
- Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_{\max}^{\rightarrow}$ :



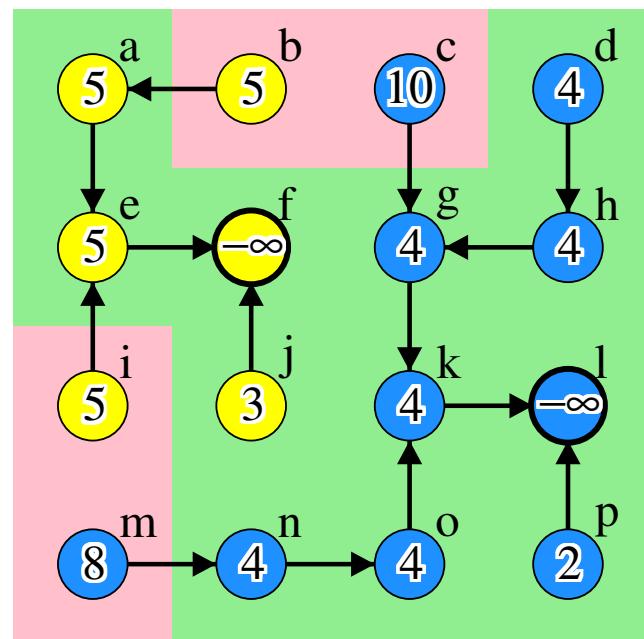
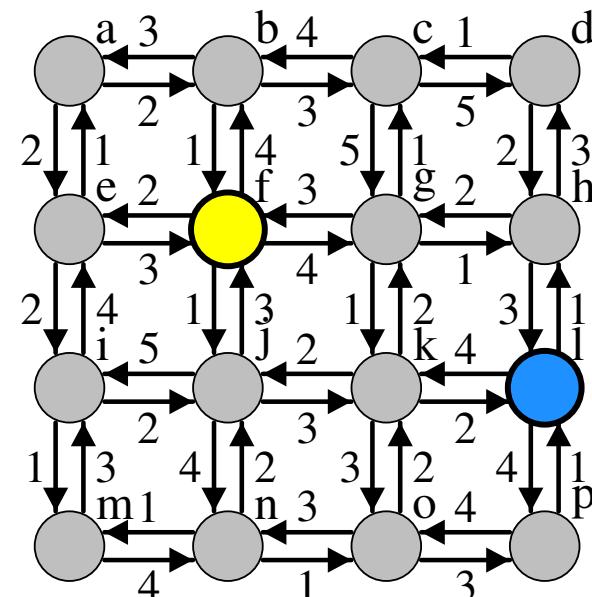
após 11 iterações.



# Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)

- Introdução
- Transformada
- Imagen-Floresta
- Orientada (OIFT)
- Função de conexidade (1<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão) (atual)
- Corte interno (1<sup>a</sup> versão)
- Função de conexidade (2<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (2<sup>a</sup> versão)
- Tratamento de empates
- Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_{\max}^{\rightarrow}$ :



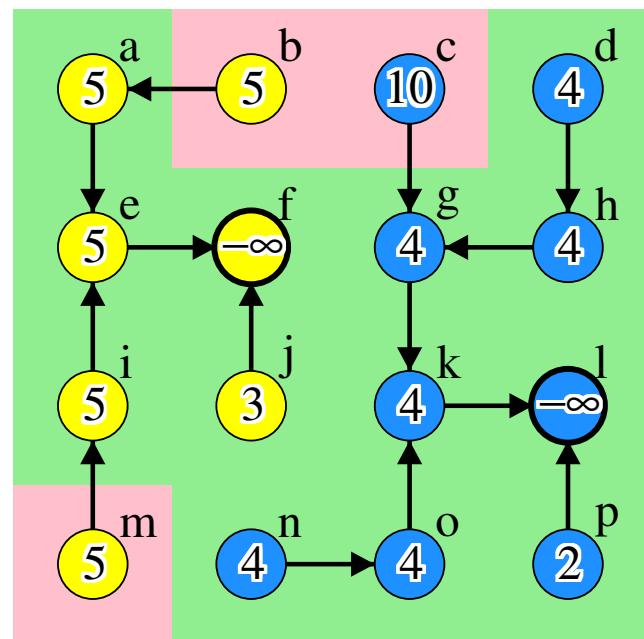
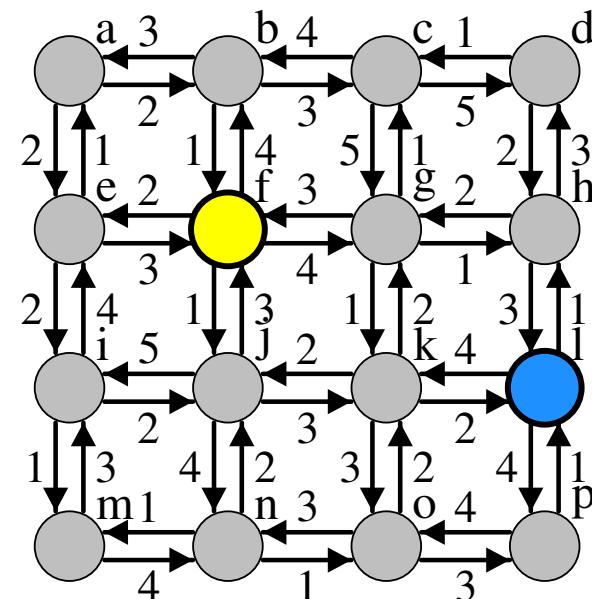
após 12 iterações.



# Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)

- Introdução
- Transformada
- Imagen-Floresta Orientada (OIFT)
- Função de conexidade (1<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)**
- Corte interno (1<sup>a</sup> versão)
- Função de conexidade (2<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (2<sup>a</sup> versão)
- Tratamento de empates
- Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_{\max}^{\rightarrow}$ :



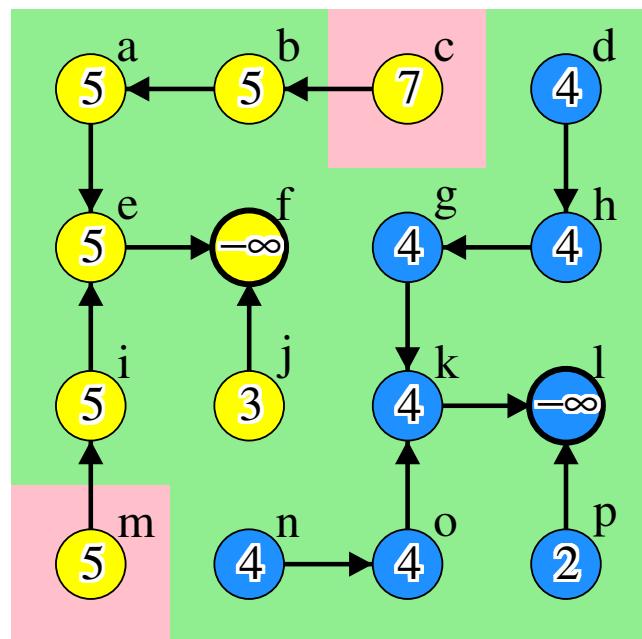
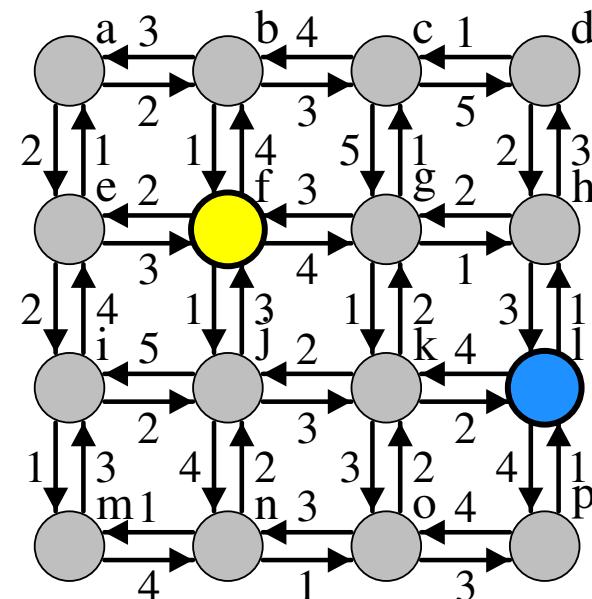
após 13 iterações.



# Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)

- Introdução
- Transformada
- Imagen-Floresta Orientada (OIFT)
- Função de conexidade (1<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)**
- Corte interno (1<sup>a</sup> versão)
- Função de conexidade (2<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (2<sup>a</sup> versão)
- Tratamento de empates
- Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_{\max}^{\rightarrow}$ :



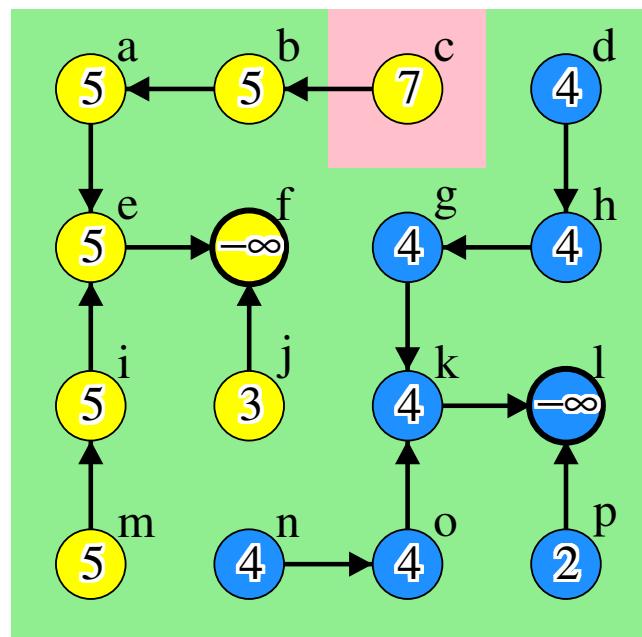
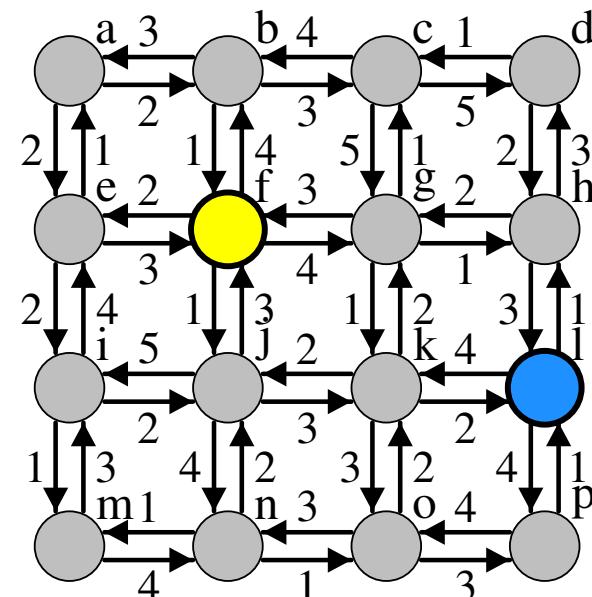
após 14 iterações.



# Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)

- Introdução
- Transformada
- Imagen-Floresta Orientada (OIFT)
- Função de conexidade (1<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)**
- Corte interno (1<sup>a</sup> versão)
- Função de conexidade (2<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (2<sup>a</sup> versão)
- Tratamento de empates
- Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_{\max}^{\rightarrow}$ :



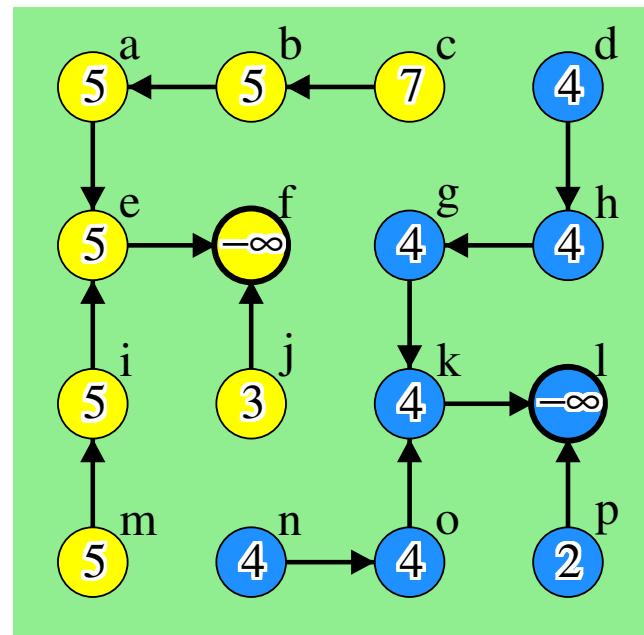
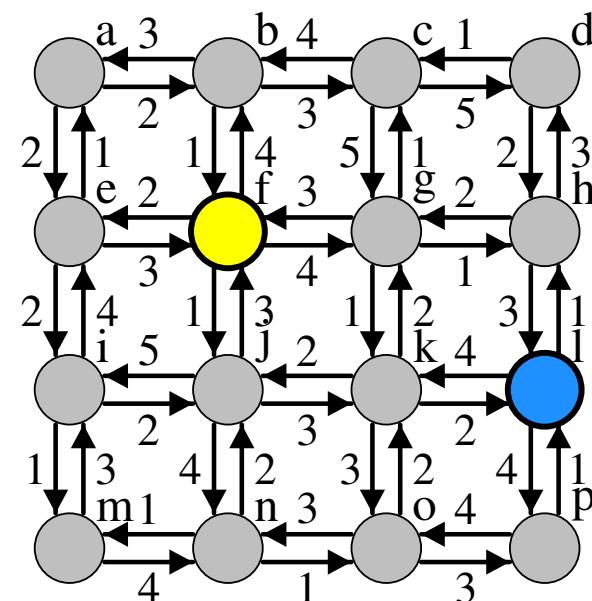
após 15 iterações.



# Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)

- Introdução
- Transformada
- Imagen-Floresta Orientada (OIFT)
- Função de conexidade (1<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)**
- Corte interno (1<sup>a</sup> versão)
- Função de conexidade (2<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (2<sup>a</sup> versão)
- Tratamento de empates
- Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_{\max}^{\rightarrow}$ :



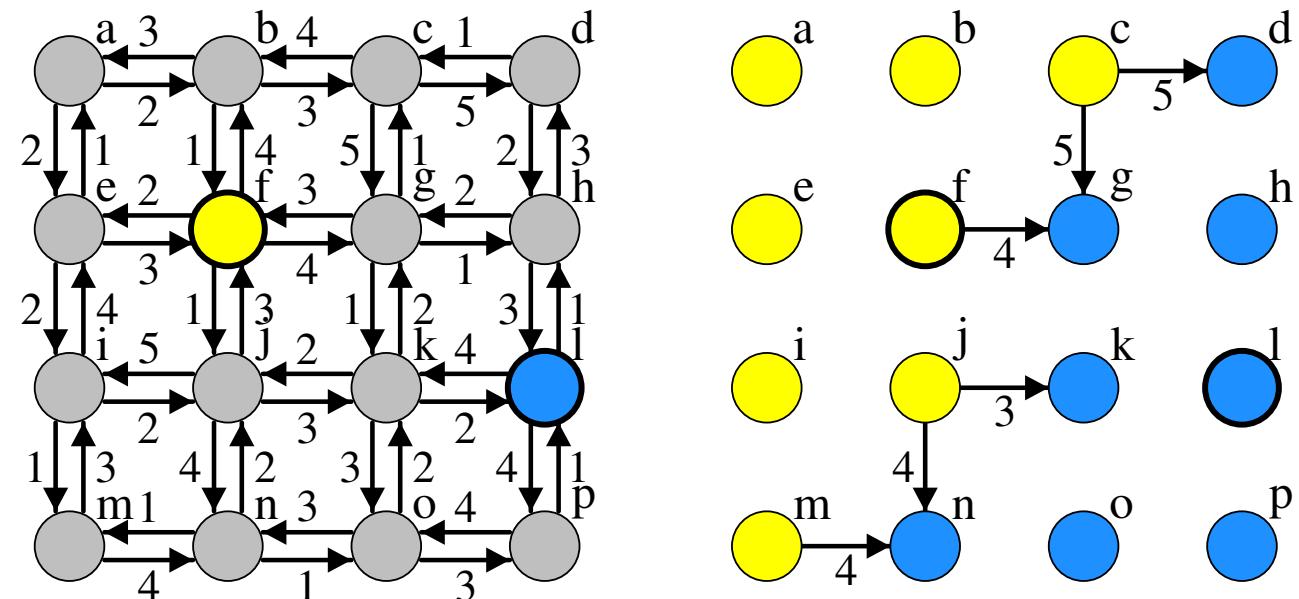
após 16 iterações.



# Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)

- Introdução
- Transformada
- Imagen-Floresta
- Orientada (OIFT)
- Função de conexidade (1<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)**
- Corte interno (1<sup>a</sup> versão)
- Função de conexidade (2<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (2<sup>a</sup> versão)
- Tratamento de empates
- Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_{\max}^{\rightarrow}$ :



corte ótimo da segmentação resultante.



## Corte interno (1<sup>a</sup> versão)

Introdução  
Transformada  
Imagen-Floresta  
Orientada (OIFT)  
Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)  
**Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)**

Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)  
Tratamento de  
empates  
Polaridade de borda

Para obter o corte interno ótimo, podemos:

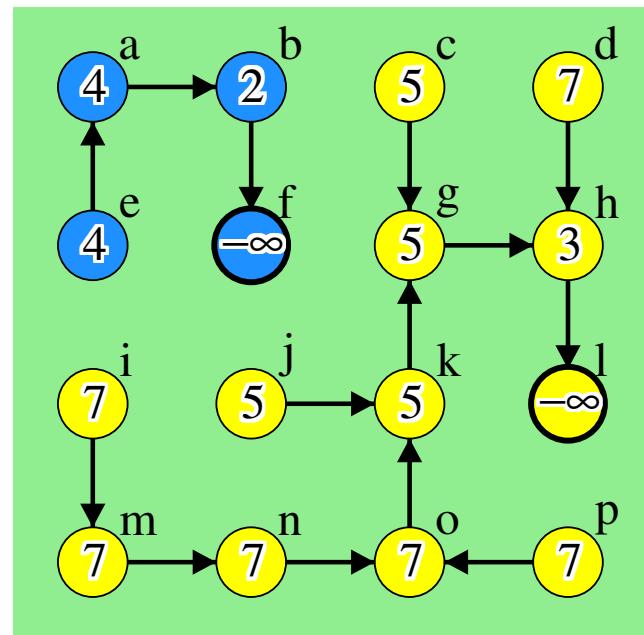
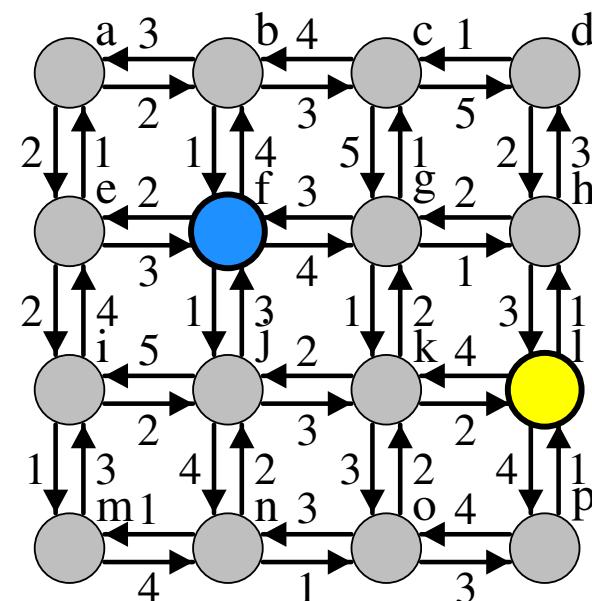
- inverter os rótulos das sementes,
- rodar a OIFT de corte externo,
- inverter os rótulos da segmentação resultante.



# Corte interno (1<sup>a</sup> versão)

Introdução  
Transformada  
Imagen-Floresta  
Orientada (OIFT)  
Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)  
**Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)**  
Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)  
Tratamento de  
empates  
Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_{\max}^{\rightarrow}$ :



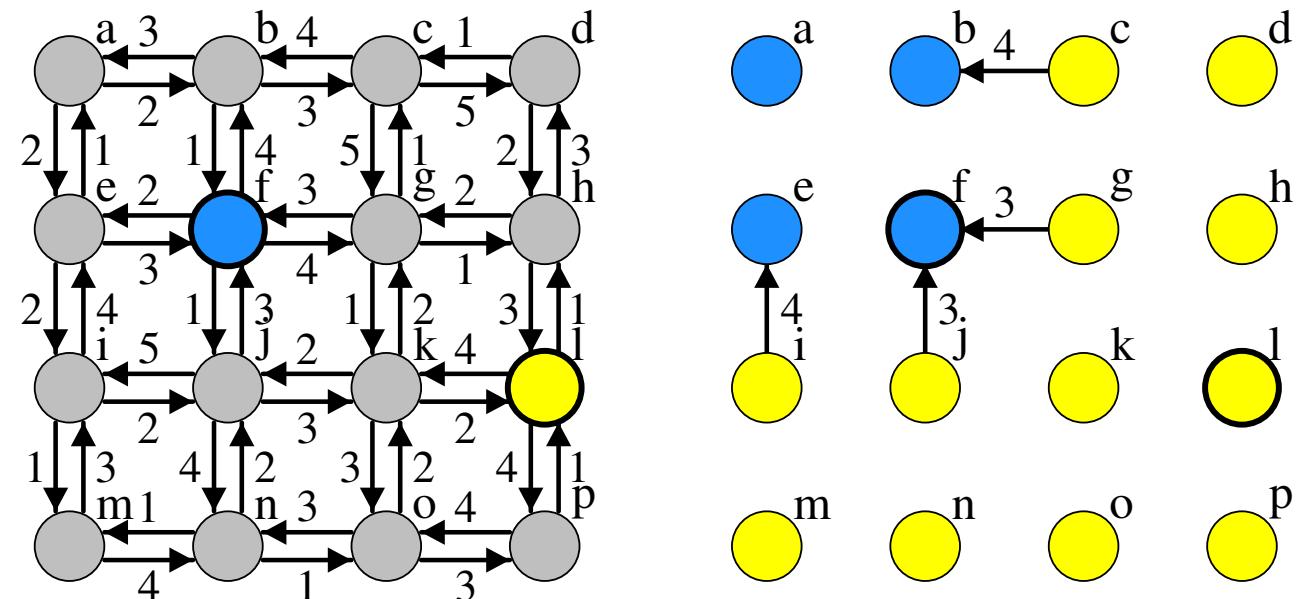
após 16 iterações.



# Corte interno (1<sup>a</sup> versão)

Introdução  
Transformada  
Imagen-Floresta  
Orientada (OIFT)  
Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)  
**Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)**  
Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)  
Tratamento de  
empates  
Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_{\max}^{\rightarrow}$ :



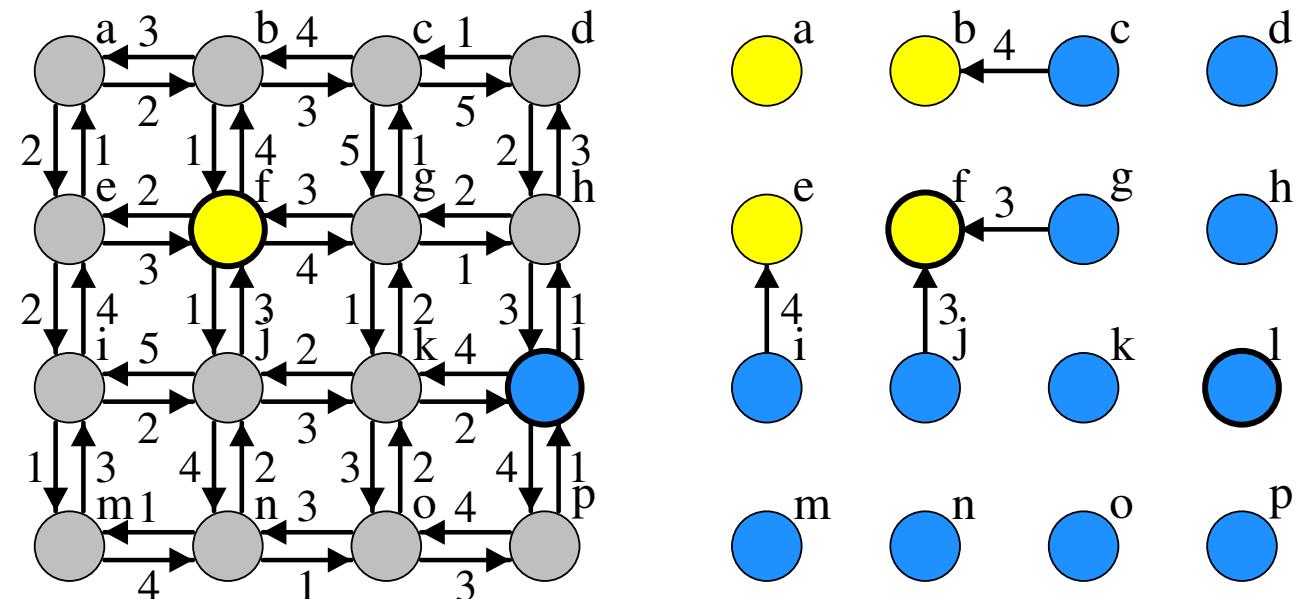
corte ótimo da segmentação resultante.



# Corte interno (1<sup>a</sup> versão)

Introdução  
Transformada  
Imagen-Floresta  
Orientada (OIFT)  
Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)  
**Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)**  
Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)  
Tratamento de  
empates  
Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_{\max}^{\rightarrow}$ :



corte interno ótimo, invertendo os rótulos.



## Função de conexidade (2<sup>a</sup> versão)

Introdução  
Transformada  
Imagen-Floresta  
Orientada (OIFT)  
Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)

Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)

Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)

Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)

Tratamento de  
empates

Polaridade de borda

Em sua segunda versão [Mansilla e Miranda, 2013], a OIFT corresponde a uma instância da Transformada Imagem-Floresta com a seguinte função de conexidade:

$$f_w^\rightarrow(\langle t \rangle) = \begin{cases} -\infty & \text{se } t \in \mathcal{S} \\ +\infty & \text{caso contrário} \end{cases}$$
$$f_w^\rightarrow(\pi_{r \sim s} \cdot \langle s, t \rangle) = \begin{cases} w(s, t) & \text{se } r \in \mathcal{S}_o \\ w(t, s) & \text{se } r \in \mathcal{S}_b \end{cases}$$

onde  $w(s, t) \in \mathbb{R}$  é um peso de arco e  $\mathcal{S} = \mathcal{S}_o \cup \mathcal{S}_b$  é um conjunto de sementes.

*L.A.C. Mansilla, P.A.V. Miranda*

**Image Segmentation by Oriented Image Foresting Transform: Handling Ties and Colored Images,**

18th International Conference on Digital Signal Processing (DSP).

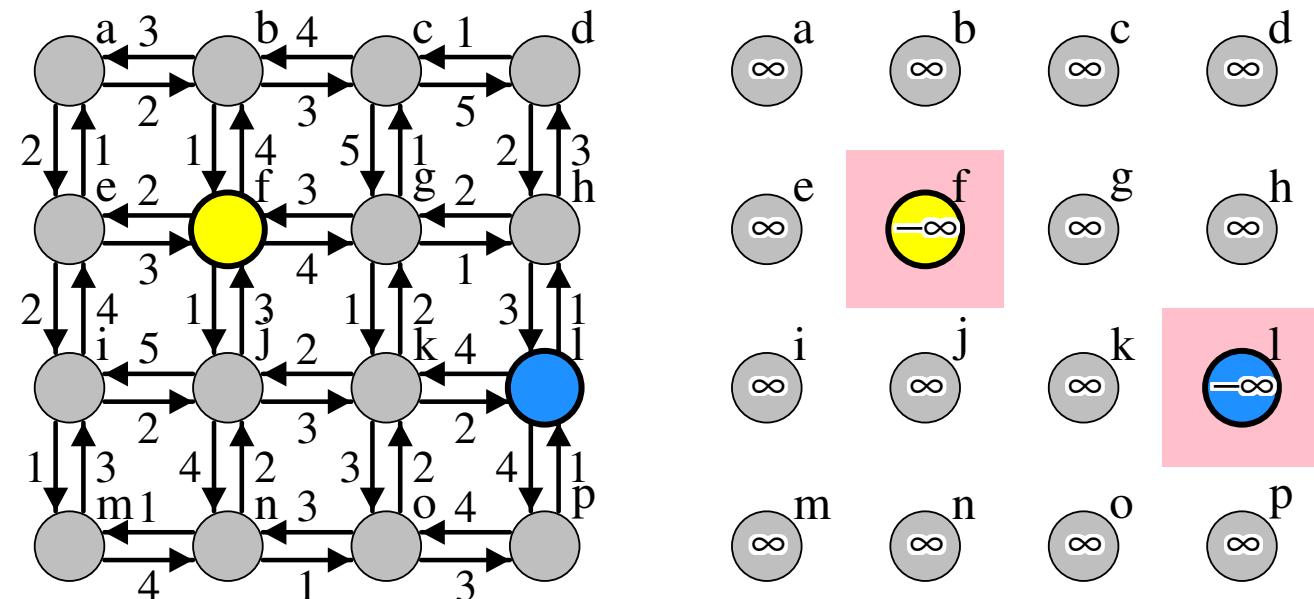
Jul 2013, Santorini, Greece, pp. 1-6.



# Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)

- Introdução
- Transformada
- Imagen-Floresta Orientada (OIFT)
- Função de conexidade (1<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (1<sup>a</sup> versão)
- Função de conexidade (2<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)**
- Corte interno (2<sup>a</sup> versão)
- Tratamento de empates
- Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_w^\rightarrow$  (desempate FIFO):

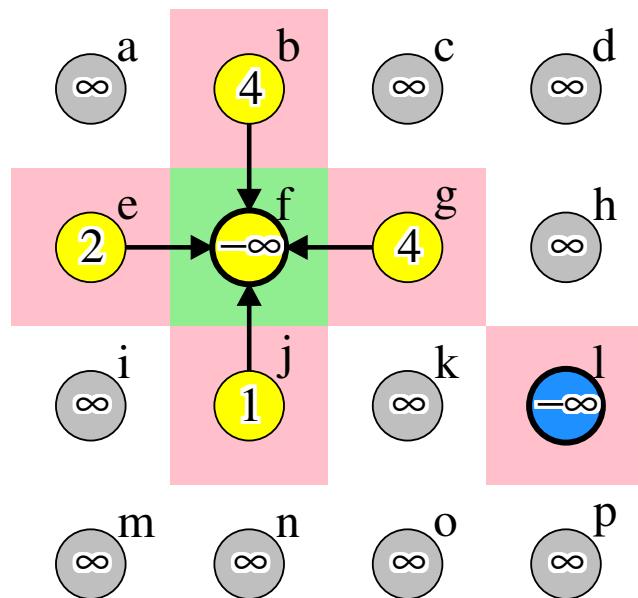
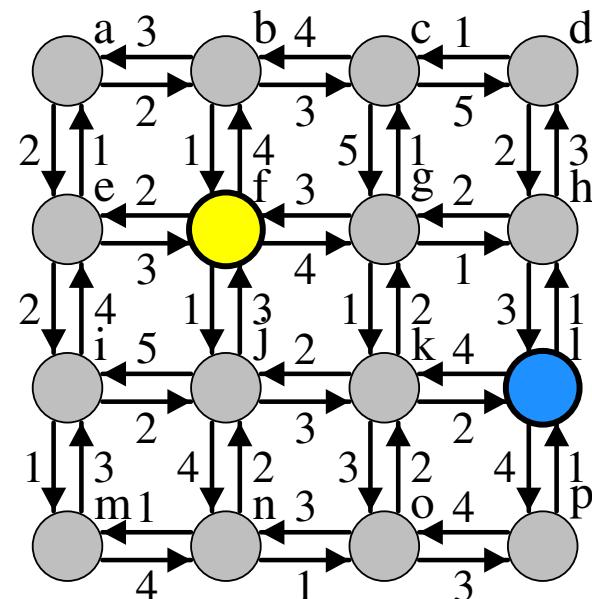




# Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)

- Introdução
- Transformada
- Imagen-Floresta Orientada (OIFT)
- Função de conexidade (1<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (1<sup>a</sup> versão)
- Função de conexidade (2<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)**
- Corte interno (2<sup>a</sup> versão)
- Tratamento de empates
- Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_w^{\rightarrow}$  (desempate FIFO):



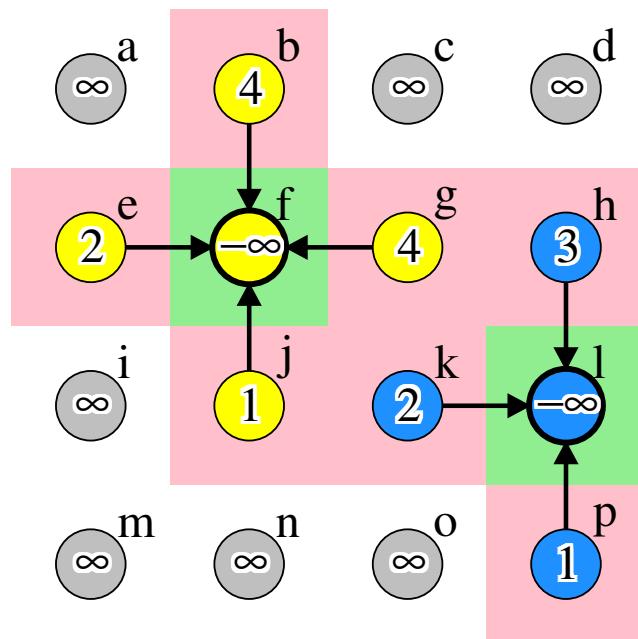
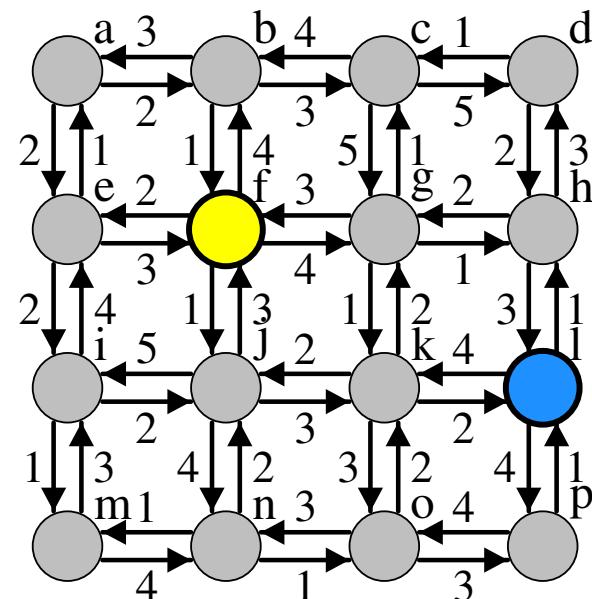
após 1 iteração.



# Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)

- Introdução
- Transformada
- Imagen-Floresta Orientada (OIFT)
- Função de conexidade (1<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (1<sup>a</sup> versão)
- Função de conexidade (2<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)**
- Corte interno (2<sup>a</sup> versão)
- Tratamento de empates
- Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_w^{\rightarrow}$  (desempate FIFO):



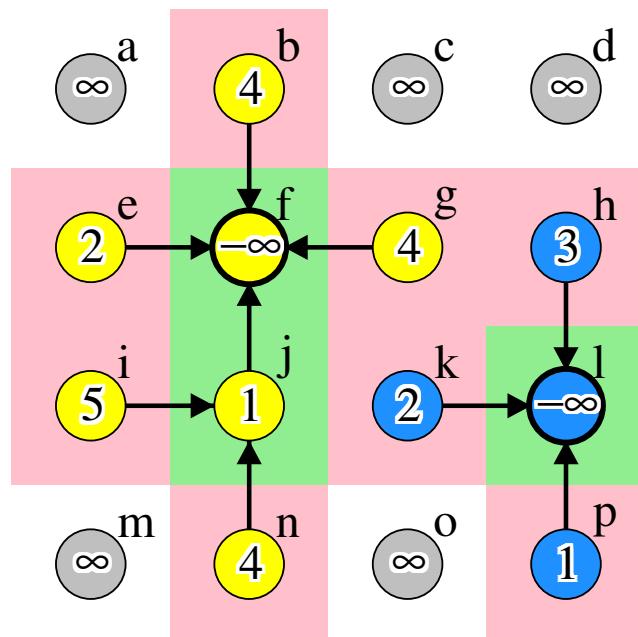
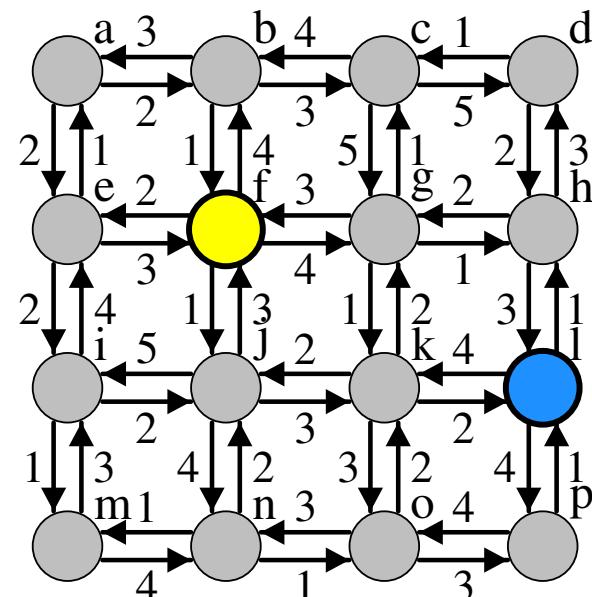
após 2 iterações.



# Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)

- Introdução
- Transformada
- Imagen-Floresta
- Orientada (OIFT)
- Função de conexidade (1<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (1<sup>a</sup> versão)
- Função de conexidade (2<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)**
- Corte interno (2<sup>a</sup> versão)
- Tratamento de empates
- Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_w^\rightarrow$  (desempate FIFO):



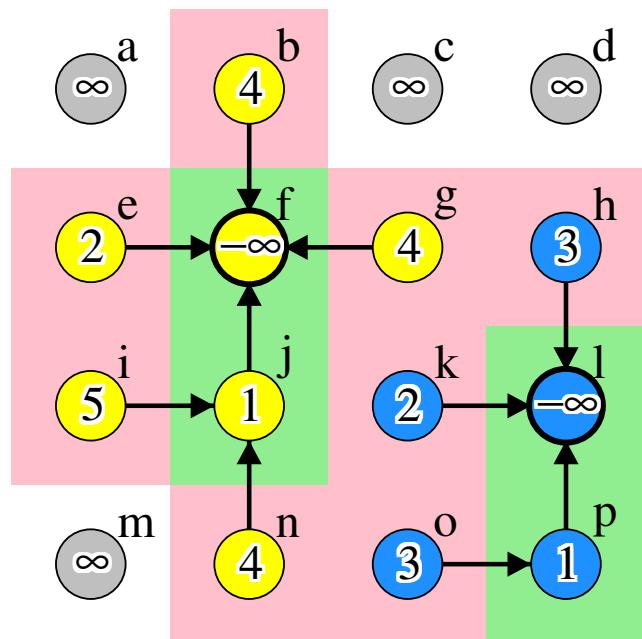
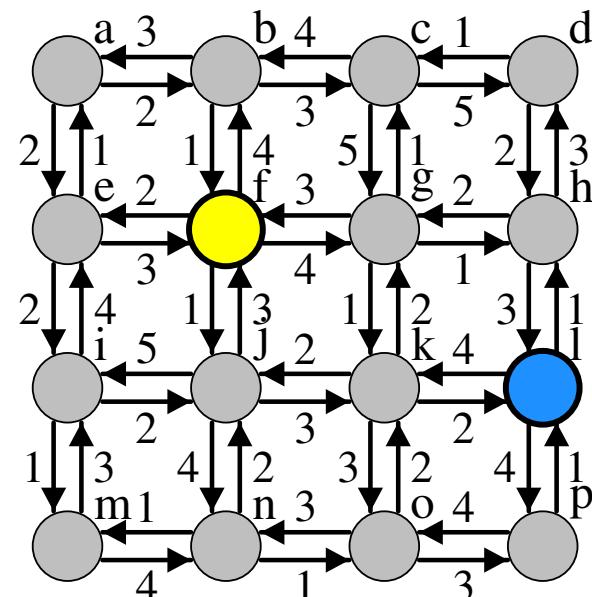
após 3 iterações.



# Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)

- Introdução
- Transformada
- Imagen-Floresta Orientada (OIFT)
- Função de conexidade (1<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (1<sup>a</sup> versão)
- Função de conexidade (2<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)**
- Corte interno (2<sup>a</sup> versão)
- Tratamento de empates
- Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_w^\rightarrow$  (desempate FIFO):



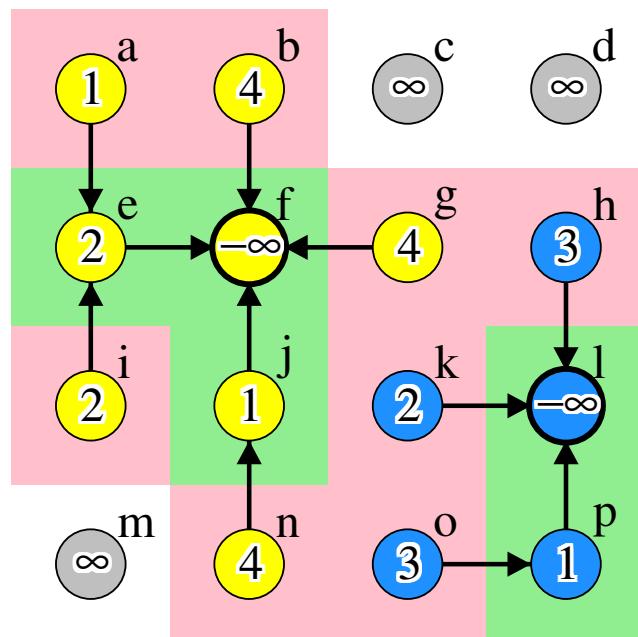
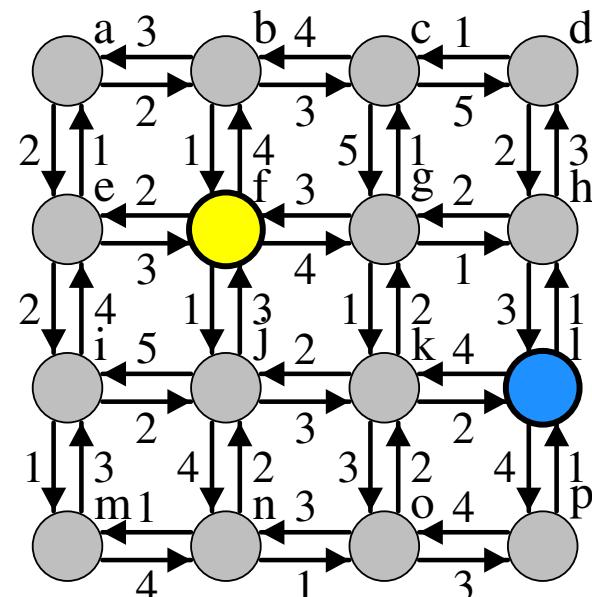
após 4 iterações.



# Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)

Introdução  
Transformada  
Imagen-Floresta  
Orientada (OIFT)  
Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)  
Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)  
**Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)**  
Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)  
Tratamento de  
empates  
Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_w^{\rightarrow}$  (desempate FIFO):



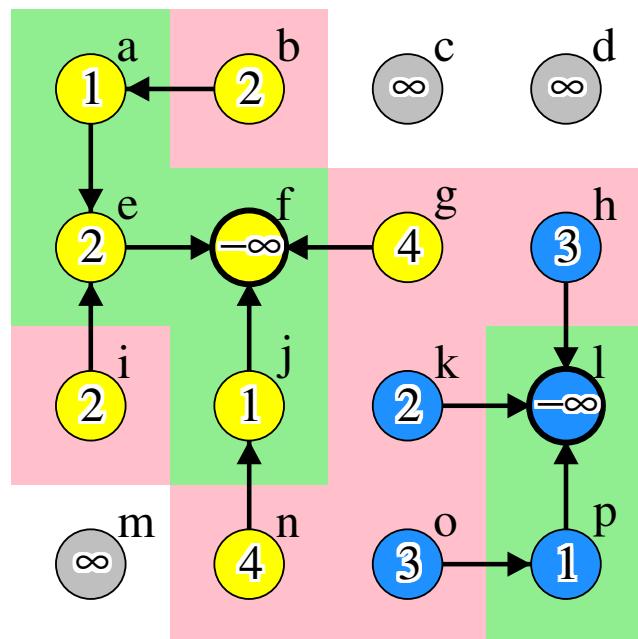
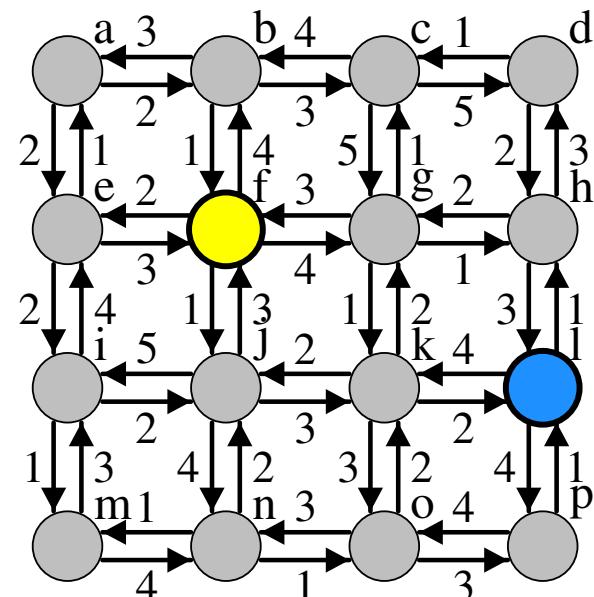
após 5 iterações.



# Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)

Introdução  
Transformada  
Imagen-Floresta  
Orientada (OIFT)  
Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)  
Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)  
**Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)**  
Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)  
Tratamento de  
empates  
Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_w^\rightarrow$  (desempate FIFO):



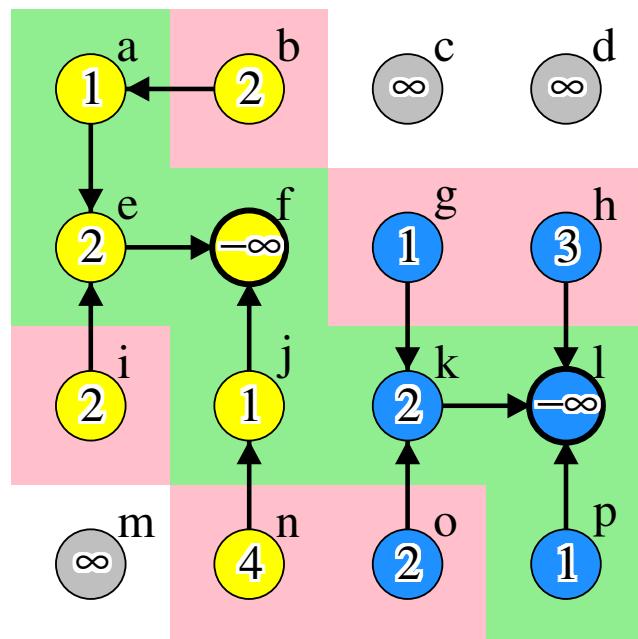
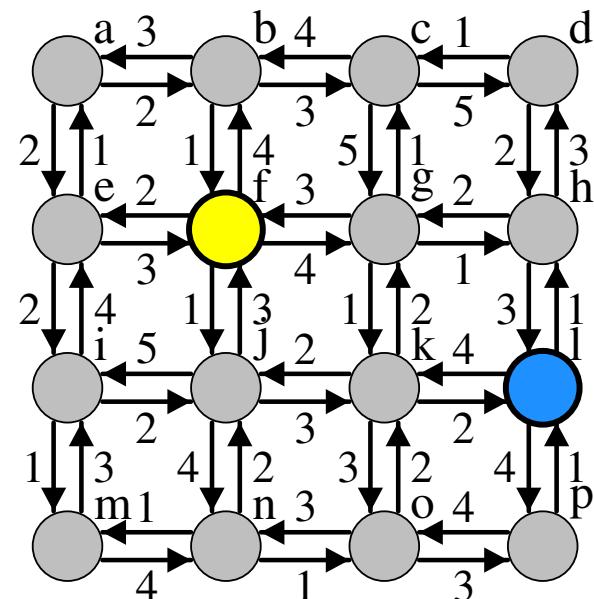
após 6 iterações.



# Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)

- Introdução
- Transformada
- Imagen-Floresta Orientada (OIFT)
- Função de conexidade (1<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (1<sup>a</sup> versão)
- Função de conexidade (2<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)**
- Corte interno (2<sup>a</sup> versão)
- Tratamento de empates
- Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_w^\rightarrow$  (desempate FIFO):



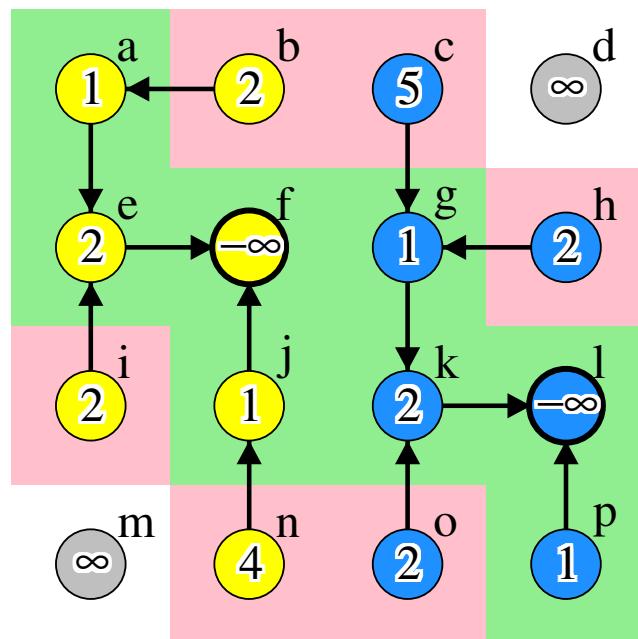
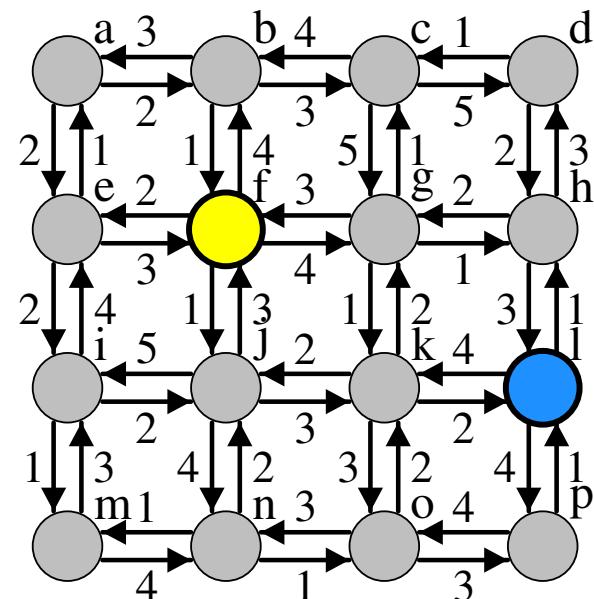
após 7 iterações.



# Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)

- Introdução
- Transformada
- Imagen-Floresta Orientada (OIFT)
- Função de conexidade (1<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (1<sup>a</sup> versão)
- Função de conexidade (2<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)**
- Corte interno (2<sup>a</sup> versão)
- Tratamento de empates
- Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_w^\rightarrow$  (desempate FIFO):



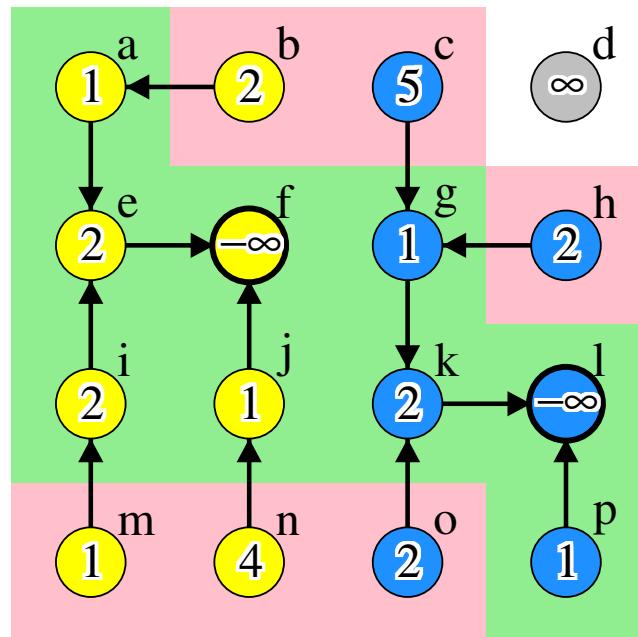
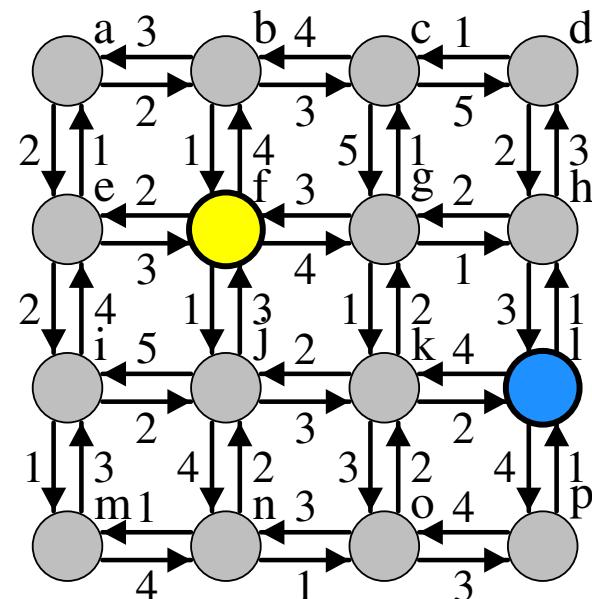
após 8 iterações.



# Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)

- Introdução
- Transformada
- Imagen-Floresta Orientada (OIFT)
- Função de conexidade (1<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (1<sup>a</sup> versão)
- Função de conexidade (2<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)**
- Corte interno (2<sup>a</sup> versão)
- Tratamento de empates
- Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_w^\rightarrow$  (desempate FIFO):



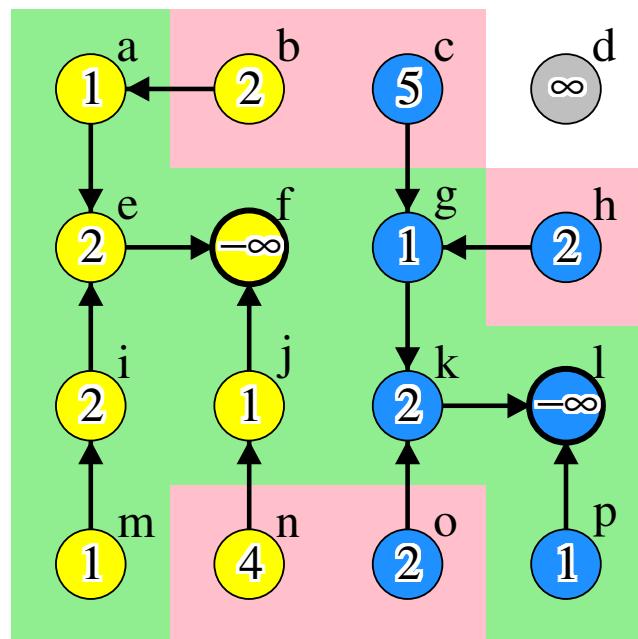
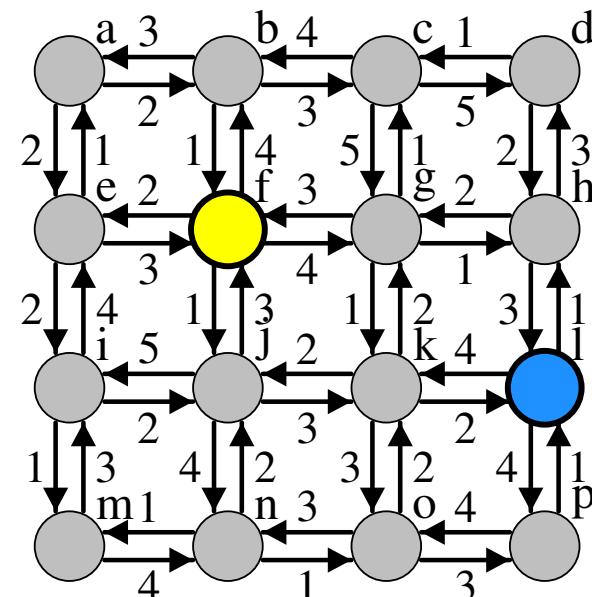
após 9 iterações.



# Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)

Introdução  
Transformada  
Imagen-Floresta  
Orientada (OIFT)  
Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)  
Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)  
**Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)**  
Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)  
Tratamento de  
empates  
Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_w^{\rightarrow}$  (desempate FIFO):



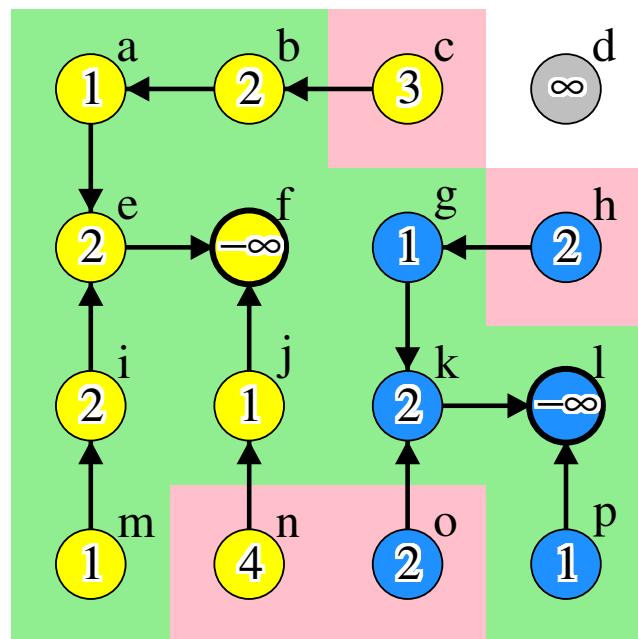
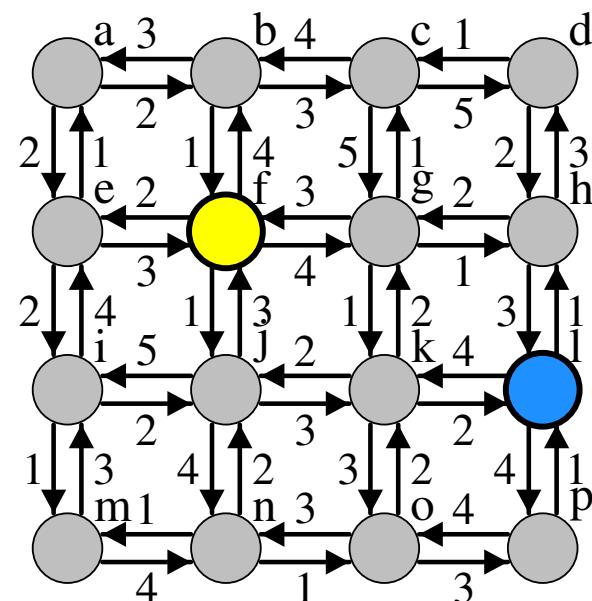
após 10 iterações.



# Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)

- Introdução
- Transformada
- Imagen-Floresta Orientada (OIFT)
- Função de conexidade (1<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (1<sup>a</sup> versão)
- Função de conexidade (2<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)**
- Corte interno (2<sup>a</sup> versão)
- Tratamento de empates
- Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_w^\rightarrow$  (desempate FIFO):



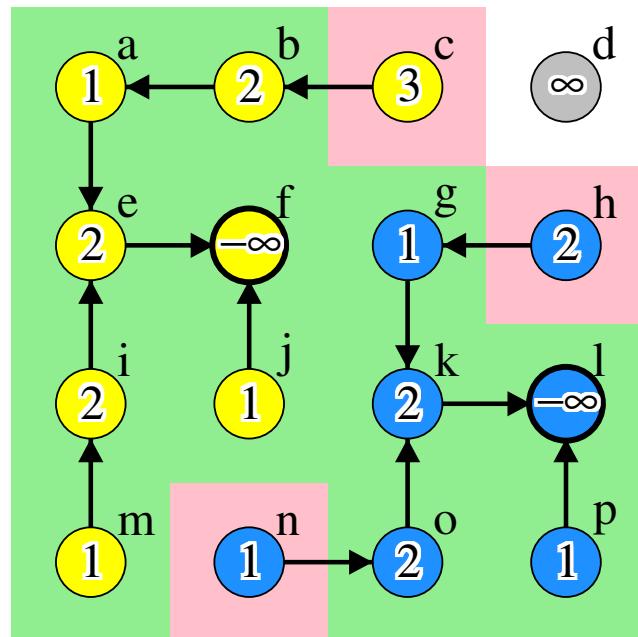
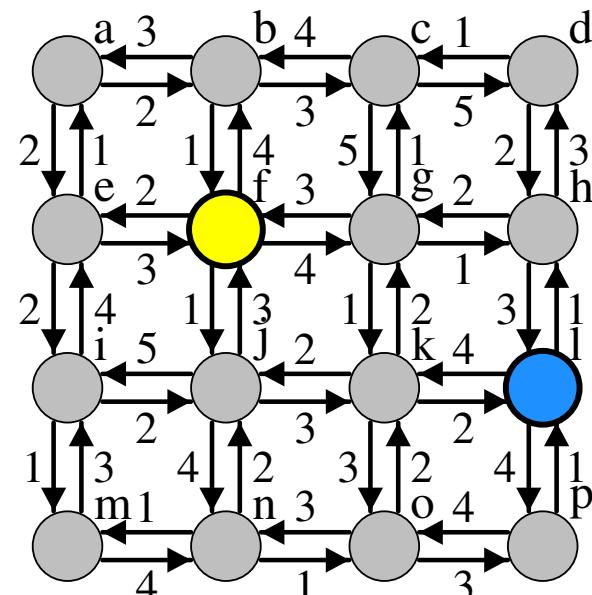
após 11 iterações.



# Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)

Introdução  
Transformada  
Imagen-Floresta  
Orientada (OIFT)  
Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)  
Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)  
**Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)**  
Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)  
Tratamento de  
empates  
Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_w^{\rightarrow}$  (desempate FIFO):



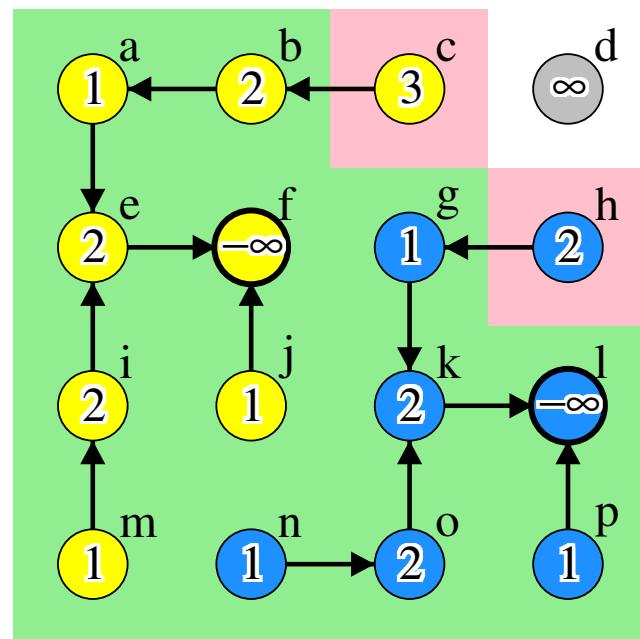
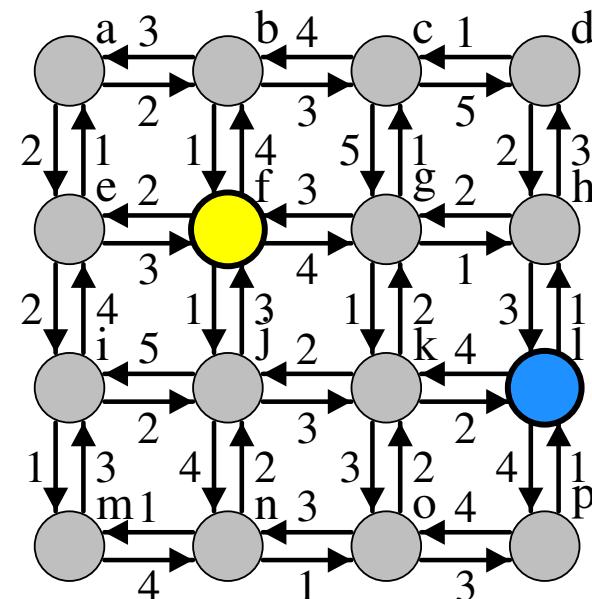
após 12 iterações.



# Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)

Introdução  
Transformada  
Imagen-Floresta  
Orientada (OIFT)  
Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)  
Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)  
**Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)**  
Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)  
Tratamento de  
empates  
Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_w^{\rightarrow}$  (desempate FIFO):



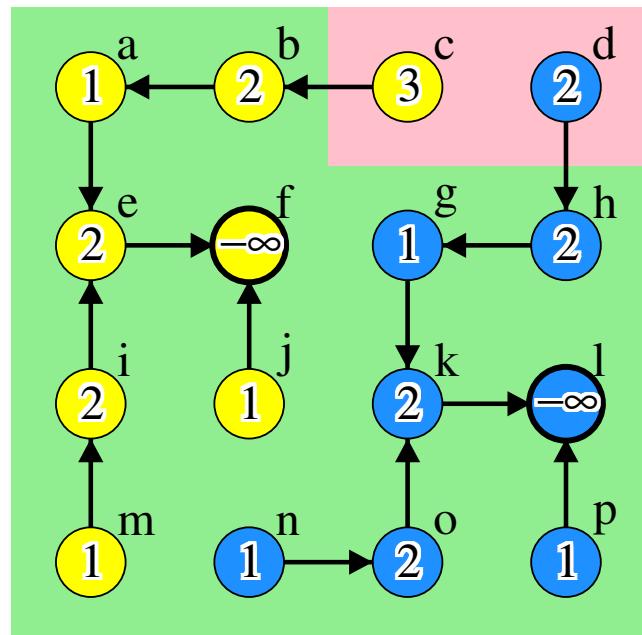
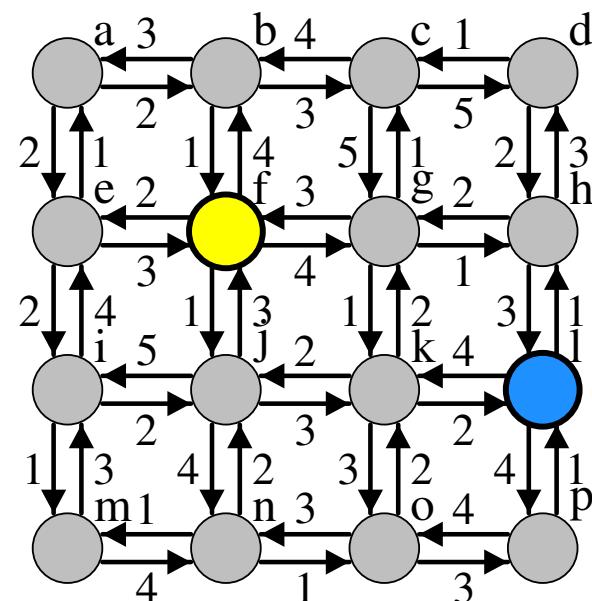
após 13 iterações.



# Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)

Introdução  
Transformada  
Imagen-Floresta  
Orientada (OIFT)  
Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)  
Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)  
**Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)**  
Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)  
Tratamento de  
empates  
Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_w^{\rightarrow}$  (desempate FIFO):



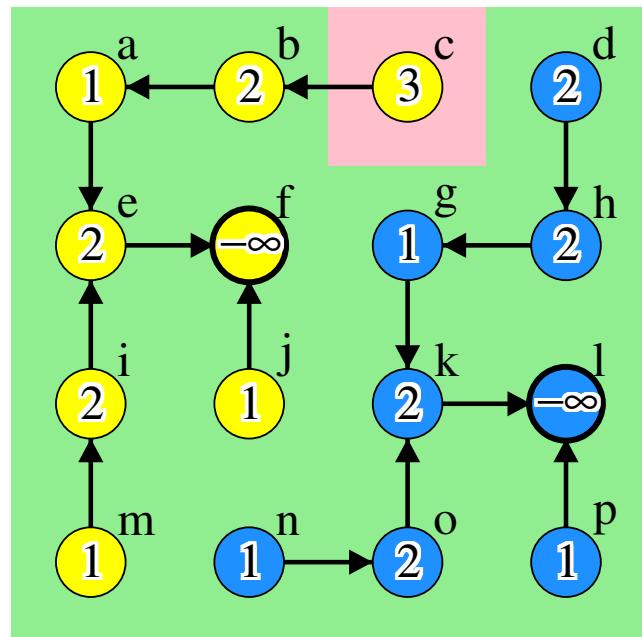
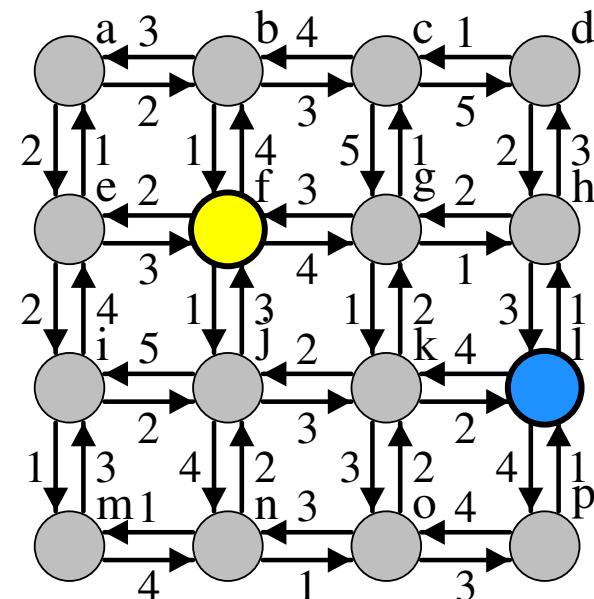
após 14 iterações.



# Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)

Introdução  
Transformada  
Imagen-Floresta  
Orientada (OIFT)  
Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)  
Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)  
**Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)**  
Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)  
Tratamento de  
empates  
Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_w^{\rightarrow}$  (desempate FIFO):



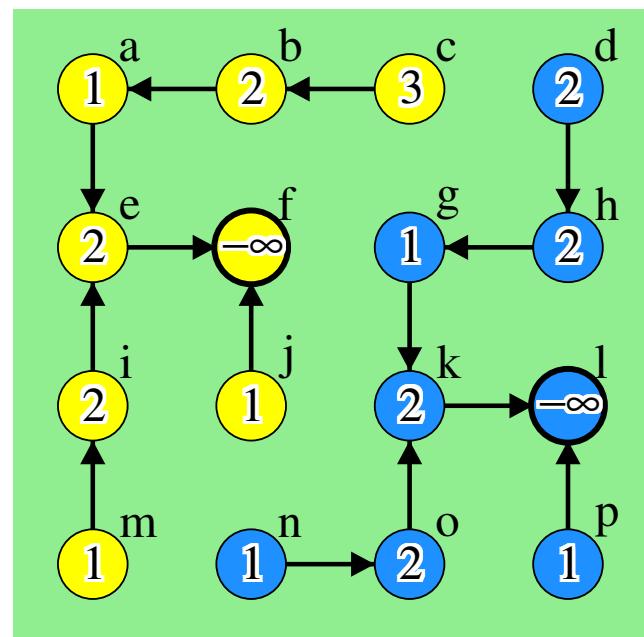
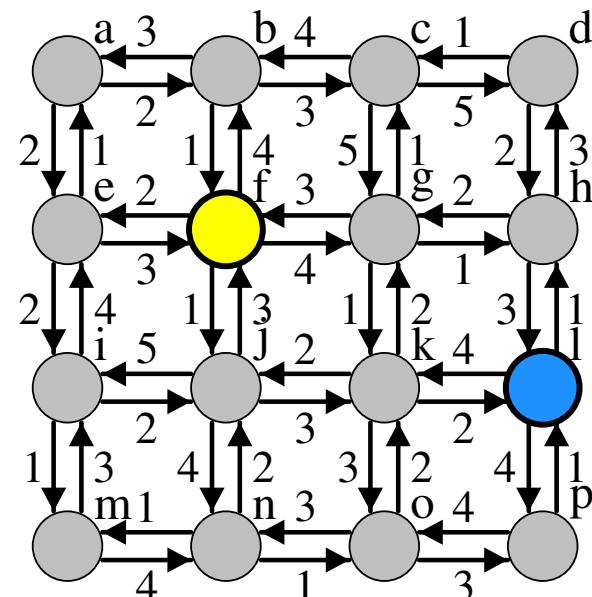
após 15 iterações.



# Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)

Introdução  
Transformada  
Imagen-Floresta  
Orientada (OIFT)  
Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)  
Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)  
**Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)**  
Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)  
Tratamento de  
empates  
Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_w^{\rightarrow}$  (desempate FIFO):



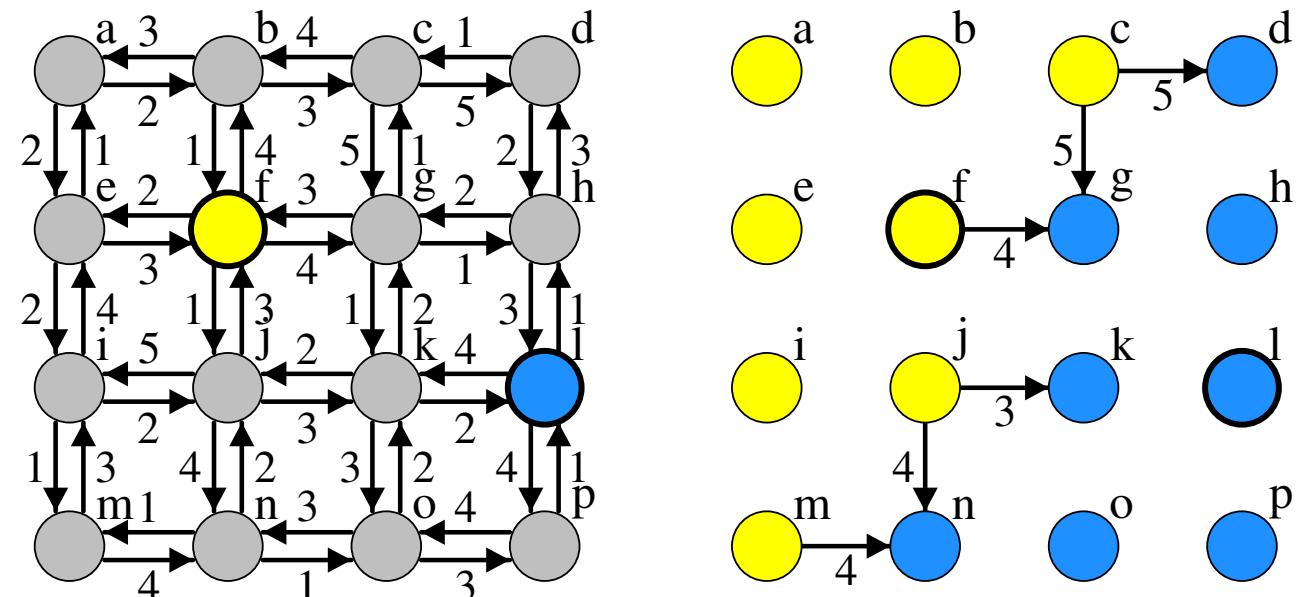
após 16 iterações.



# Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)

Introdução  
Transformada  
Imagen-Floresta  
Orientada (OIFT)  
Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)  
Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)  
**Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)**  
Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)  
Tratamento de  
empates  
Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_w^\rightarrow$  (desempate FIFO):



corte ótimo da segmentação resultante.



## Corte interno (2<sup>a</sup> versão)

Introdução  
Transformada  
Imagen-Floresta  
Orientada (OIFT)  
Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)  
Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)  
**Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)**  
Tratamento de  
empates  
Polaridade de borda

Para obter o corte interno ótimo, podemos:

- inverter os rótulos das sementes,
- rodar a OIFT de corte externo,
- inverter os rótulos da segmentação resultante.

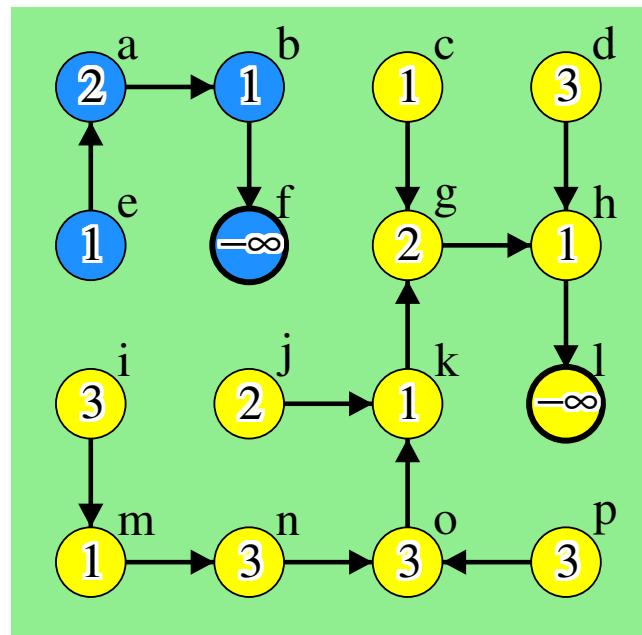
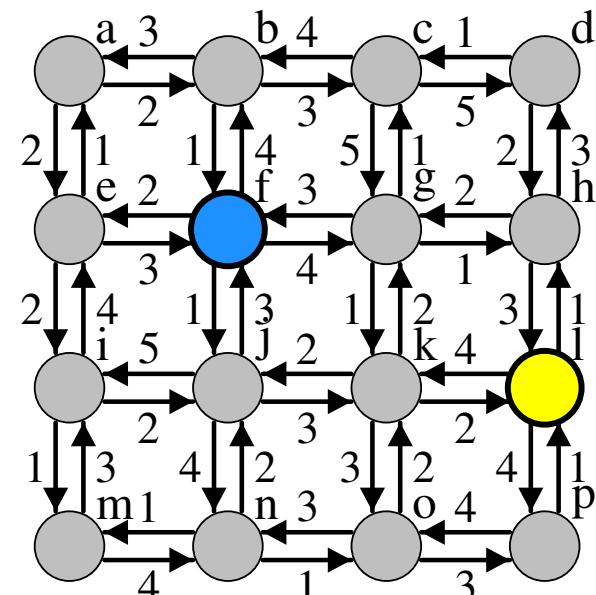


## Corte interno (2<sup>a</sup> versão)

Introdução  
Transformada  
Imagen-Floresta  
Orientada (OIFT)  
Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)  
Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)  
**Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)**

Tratamento de  
empates  
Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_w^{\rightarrow}$  (desempate FIFO):



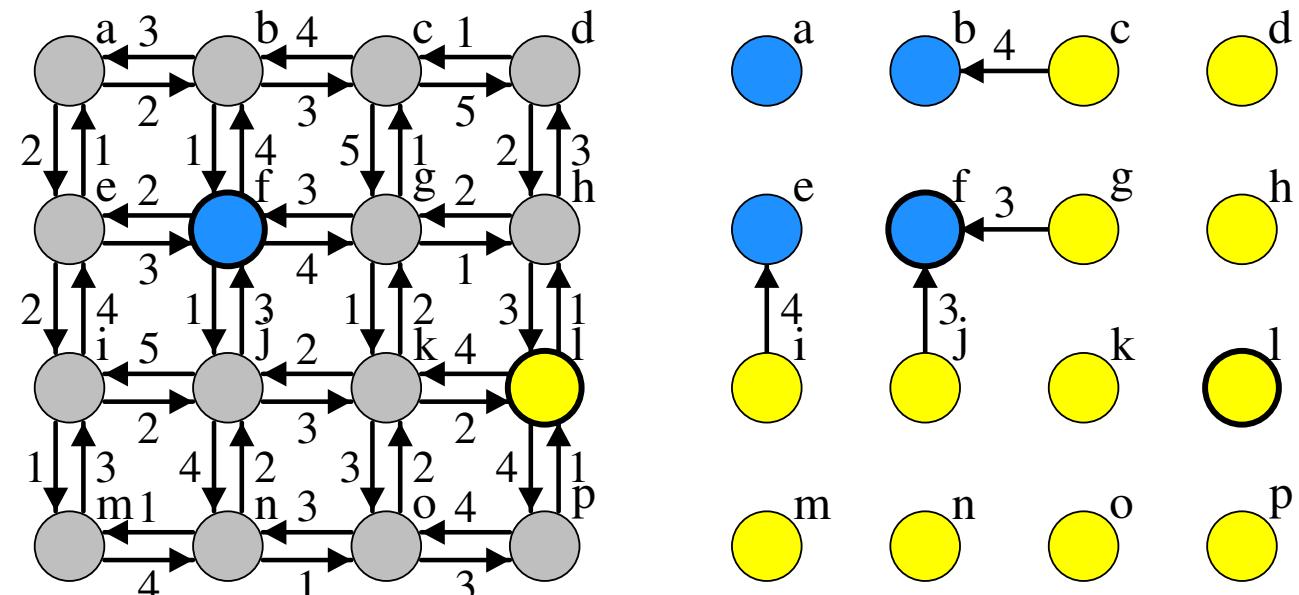
após 16 iterações.



## Corte interno (2<sup>a</sup> versão)

- Introdução
- Transformada
- Imagen-Floresta
- Orientada (OIFT)
- Função de conexidade (1<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (1<sup>a</sup> versão)
- Função de conexidade (2<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (2<sup>a</sup> versão)**
- Tratamento de empates
- Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_w^\rightarrow$  (desempate FIFO):



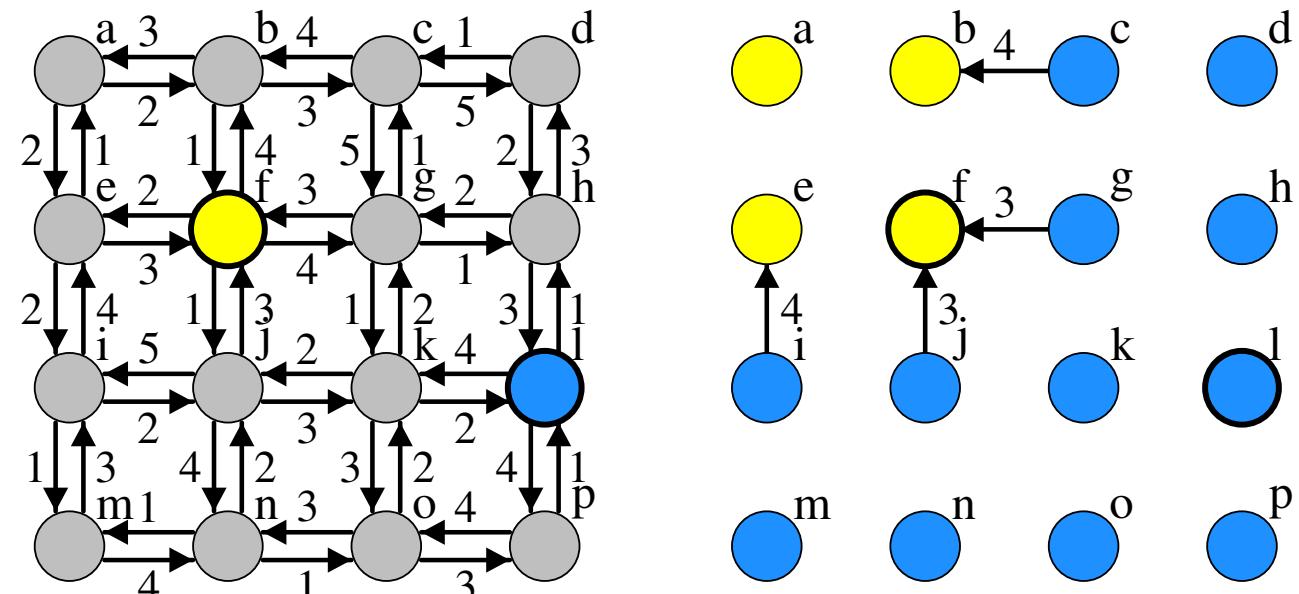
corte ótimo da segmentação resultante.



## Corte interno (2<sup>a</sup> versão)

- Introdução
- Transformada
- Imagen-Floresta
- Orientada (OIFT)
- Função de conexidade (1<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (1<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (1<sup>a</sup> versão)
- Função de conexidade (2<sup>a</sup> versão)
- Propagação dos caminhos (2<sup>a</sup> versão)
- Corte interno (2<sup>a</sup> versão)**
- Tratamento de empates
- Polaridade de borda

IFT com função de conexidade  $f_w^\rightarrow$  (desempate FIFO):

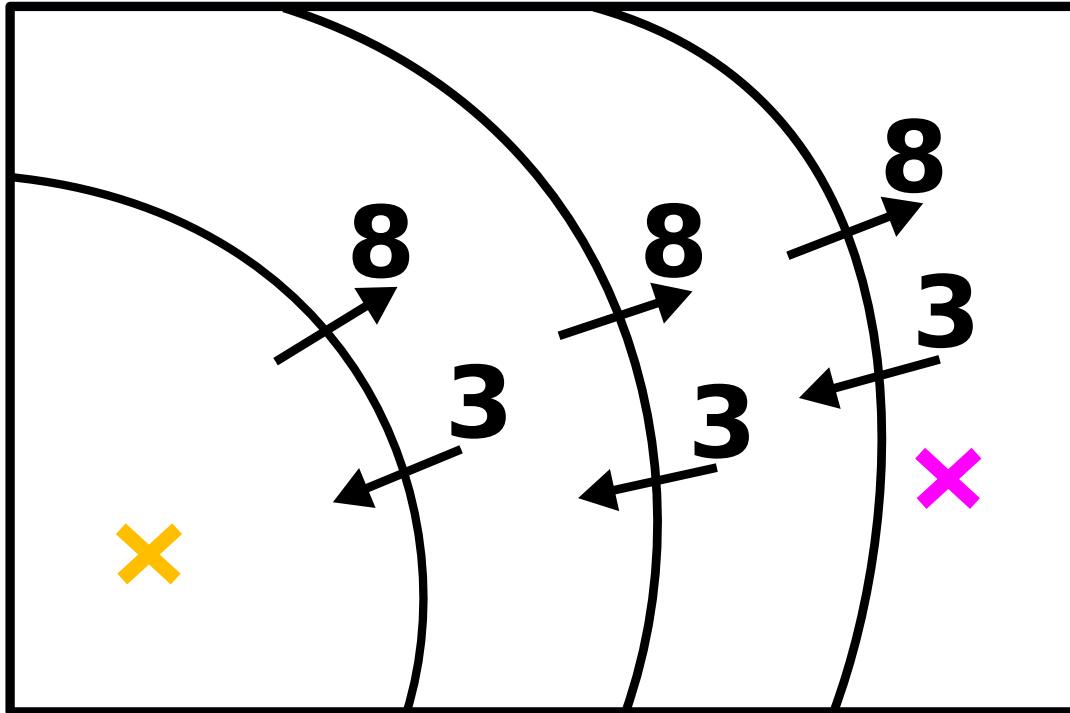


corte interno ótimo, invertendo os rótulos.



# Tratamento de empates

Introdução  
Transformada  
Imagen-Floresta  
Orientada (OIFT)  
Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)  
Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)  
**Tratamento de  
empates**  
Polaridade de borda



Segmentação passo a passo por OIFT ( $f_{\max}^{\rightarrow}$ )

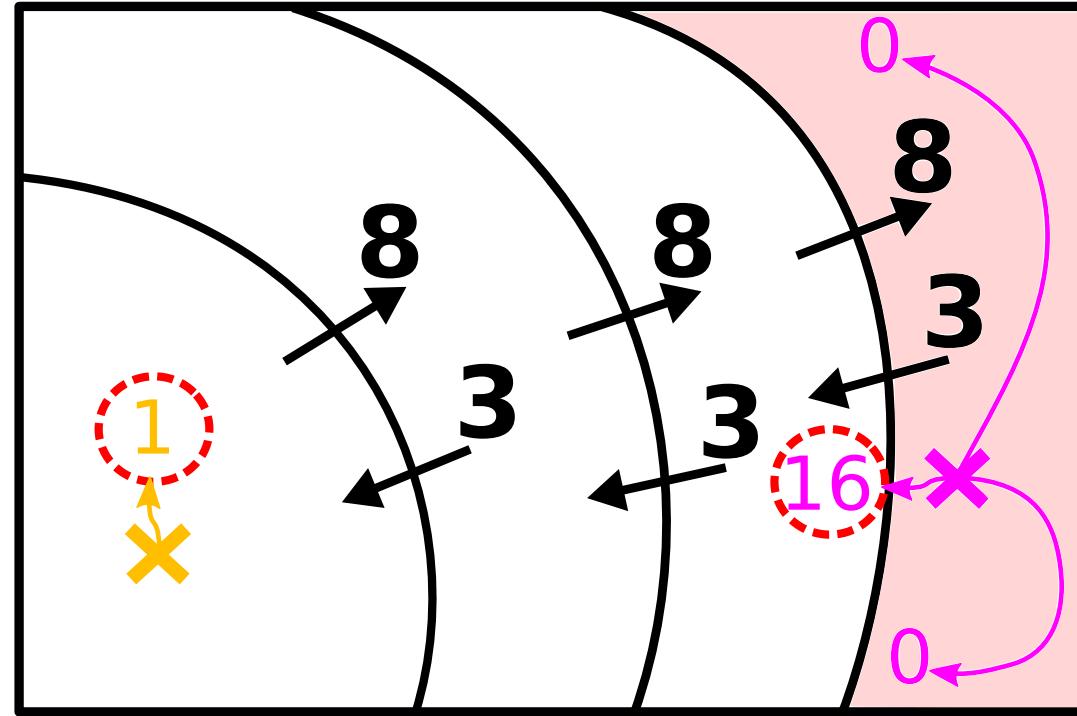
$$f_{\max}^{\rightarrow}(\langle t \rangle) = \begin{cases} -\infty & \text{se } t \in \mathcal{S} \\ +\infty & \text{caso contrário} \end{cases}$$

$$f_{\max}^{\rightarrow}(\pi_{r \rightsquigarrow s} \cdot \langle s, t \rangle) = \begin{cases} \max\{f_{\max}^{\rightarrow}(\pi_{r \rightsquigarrow s}), 2 \times w(s, t) + 1\} & \text{se } r \in \mathcal{S}_o \\ \max\{f_{\max}^{\rightarrow}(\pi_{r \rightsquigarrow s}), 2 \times w(t, s)\} & \text{se } r \in \mathcal{S}_b \end{cases}$$



# Tratamento de empates

Introdução  
Transformada  
Imagen-Floresta  
Orientada (OIFT)  
Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)  
Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)  
**Tratamento de  
empates**  
Polaridade de borda



Segmentação passo a passo por OIFT ( $f_{\max}^{\sigma}$ )

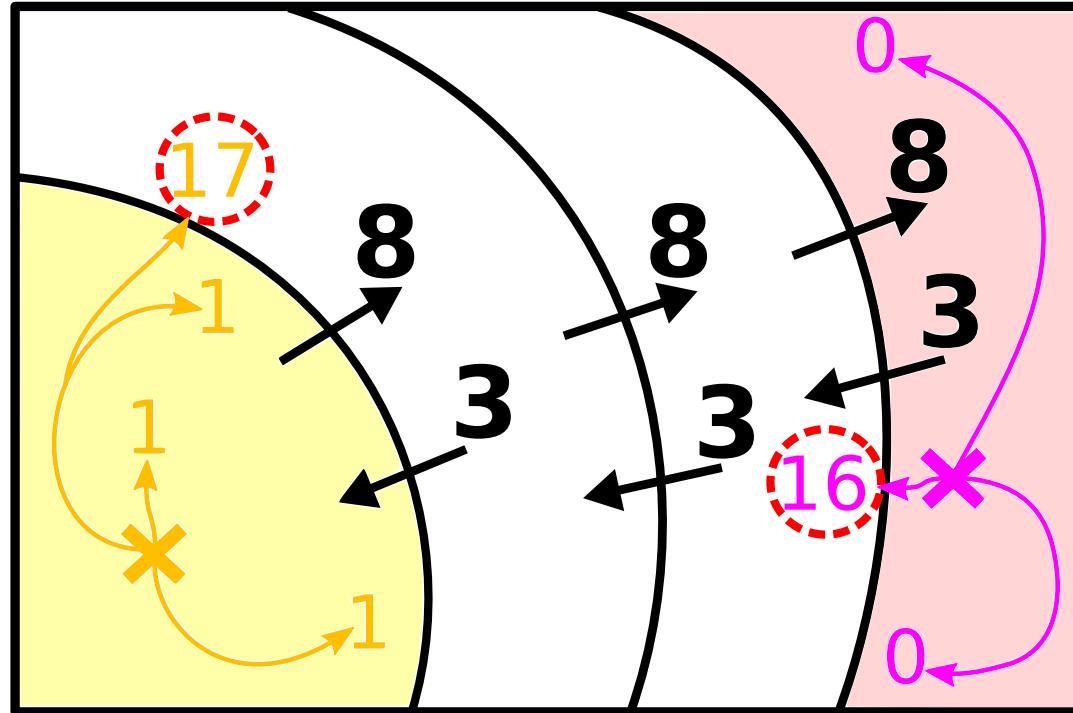
$$f_{\max}^{\sigma}(\langle t \rangle) = \begin{cases} -\infty & \text{se } t \in \mathcal{S} \\ +\infty & \text{caso contrário} \end{cases}$$

$$f_{\max}^{\sigma}(\pi_{r \rightsquigarrow s} \cdot \langle s, t \rangle) = \begin{cases} \max\{f_{\max}^{\sigma}(\pi_{r \rightsquigarrow s}), 2 \times w(s, t) + 1\} & \text{se } r \in \mathcal{S}_o \\ \max\{f_{\max}^{\sigma}(\pi_{r \rightsquigarrow s}), 2 \times w(t, s)\} & \text{se } r \in \mathcal{S}_b \end{cases}$$



# Tratamento de empates

Introdução  
Transformada  
Imagen-Floresta  
Orientada (OIFT)  
Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)  
Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)  
**Tratamento de  
empates**  
Polaridade de borda



Segmentação passo a passo por OIFT ( $f_{\max}^{\sigma}$ )

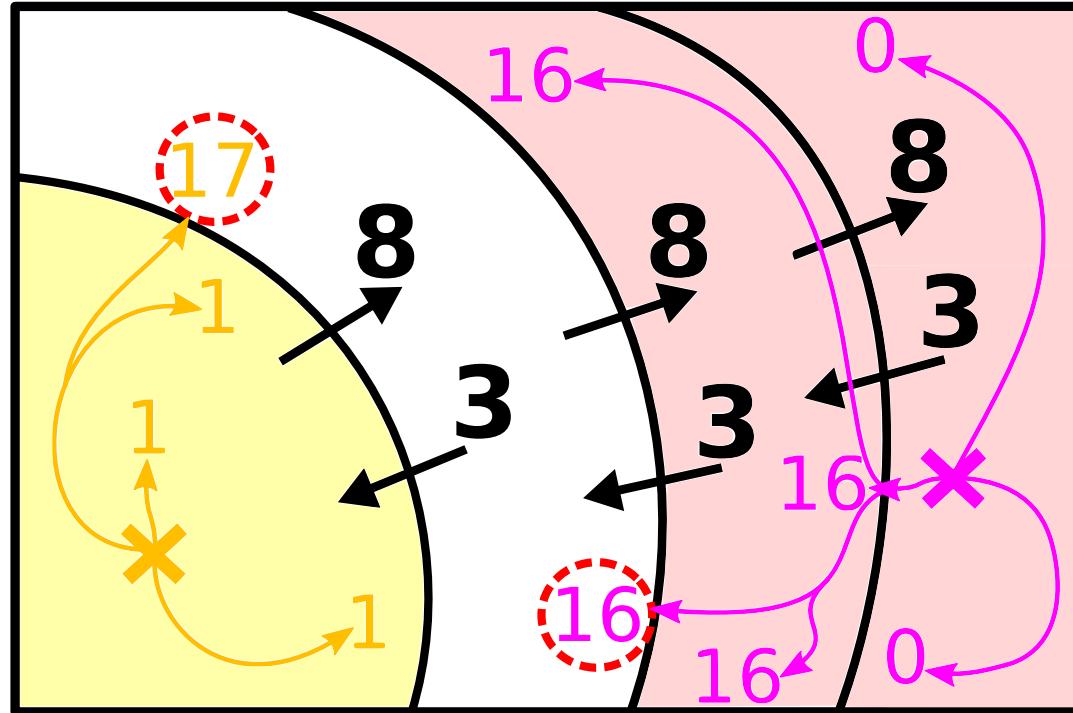
$$f_{\max}^{\sigma}(\langle t \rangle) = \begin{cases} -\infty & \text{se } t \in \mathcal{S} \\ +\infty & \text{caso contrário} \end{cases}$$

$$f_{\max}^{\sigma}(\pi_{r \rightsquigarrow s} \cdot \langle s, t \rangle) = \begin{cases} \max\{f_{\max}^{\sigma}(\pi_{r \rightsquigarrow s}), 2 \times w(s, t) + 1\} & \text{se } r \in \mathcal{S}_o \\ \max\{f_{\max}^{\sigma}(\pi_{r \rightsquigarrow s}), 2 \times w(t, s)\} & \text{se } r \in \mathcal{S}_b \end{cases}$$



# Tratamento de empates

Introdução  
Transformada  
Imagen-Floresta  
Orientada (OIFT)  
Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)  
Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)  
**Tratamento de  
empates**  
Polaridade de borda



Segmentação passo a passo por OIFT ( $f_{\max}^{\sigma}$ )

$$f_{\max}^{\sigma}(\langle t \rangle) = \begin{cases} -\infty & \text{se } t \in \mathcal{S} \\ +\infty & \text{caso contrário} \end{cases}$$

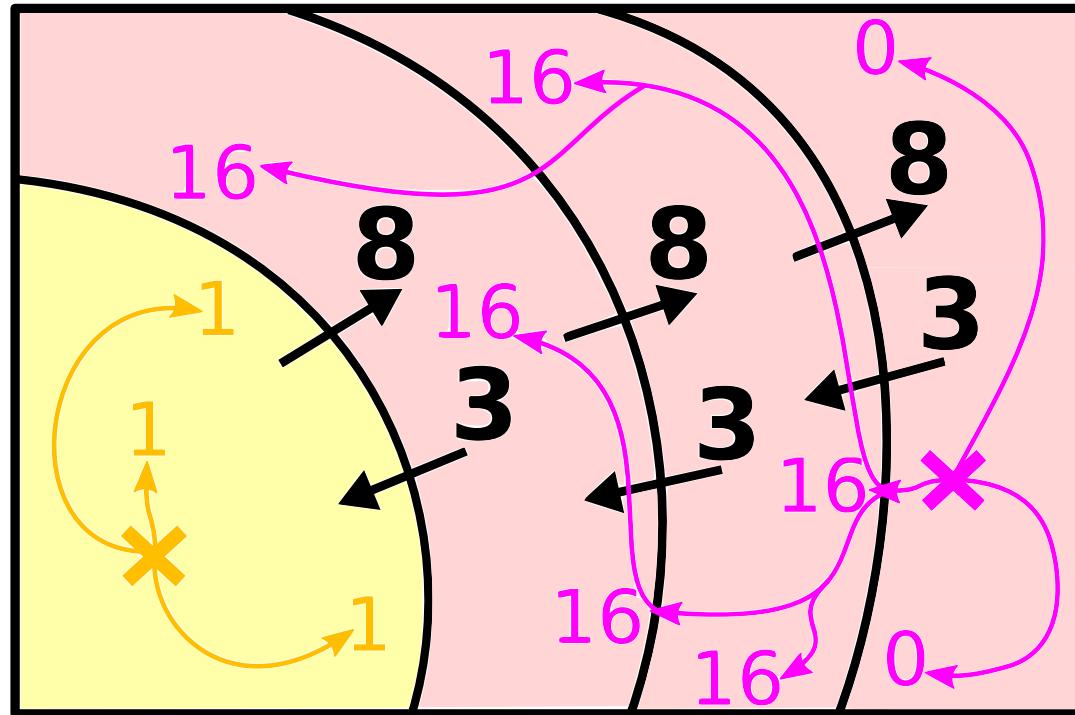
$$f_{\max}^{\sigma}(\pi_{r \rightsquigarrow s} \cdot \langle s, t \rangle) = \begin{cases} \max\{f_{\max}^{\sigma}(\pi_{r \rightsquigarrow s}), 2 \times w(s, t) + 1\} & \text{se } r \in \mathcal{S}_o \\ \max\{f_{\max}^{\sigma}(\pi_{r \rightsquigarrow s}), 2 \times w(t, s)\} & \text{se } r \in \mathcal{S}_b \end{cases}$$



# Tratamento de empates

Introdução  
Transformada  
Imagen-Floresta  
Orientada (OIFT)  
Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)  
Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)  
**Tratamento de  
empates**

Polaridade de borda



Segmentação passo a passo por OIFT ( $f_{\max}^{\sigma}$ )

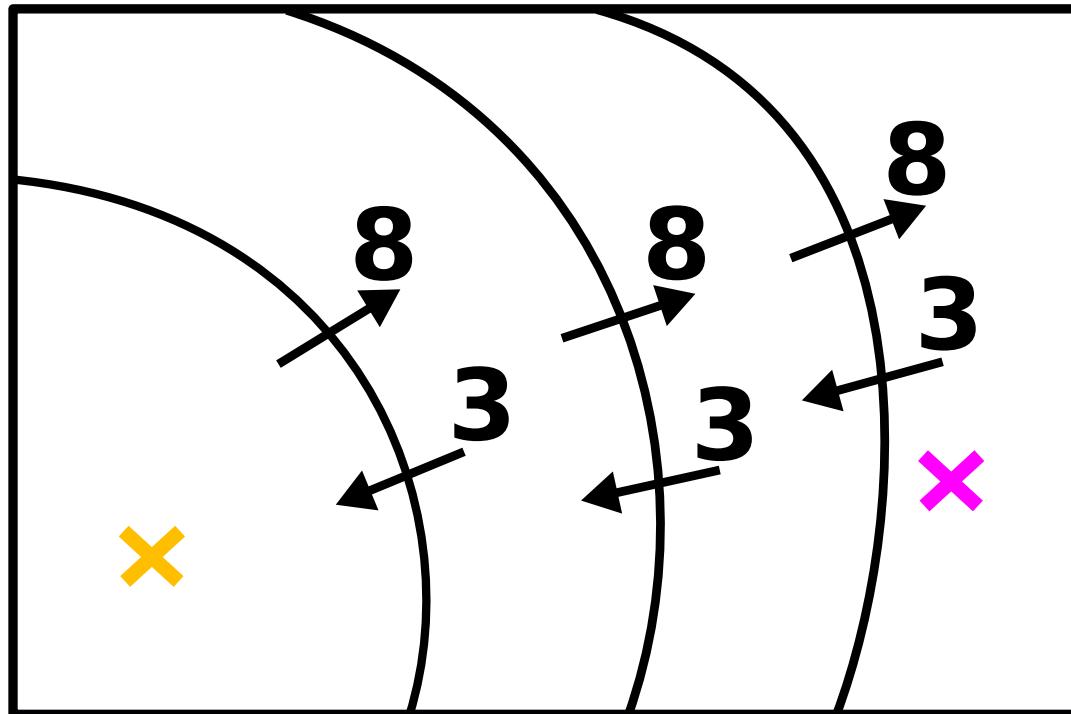
$$f_{\max}^{\sigma}(\langle t \rangle) = \begin{cases} -\infty & \text{se } t \in \mathcal{S} \\ +\infty & \text{caso contrário} \end{cases}$$

$$f_{\max}^{\sigma}(\pi_{r \rightsquigarrow s} \cdot \langle s, t \rangle) = \begin{cases} \max\{f_{\max}^{\sigma}(\pi_{r \rightsquigarrow s}), 2 \times w(s, t) + 1\} & \text{se } r \in \mathcal{S}_o \\ \max\{f_{\max}^{\sigma}(\pi_{r \rightsquigarrow s}), 2 \times w(t, s)\} & \text{se } r \in \mathcal{S}_b \end{cases}$$



# Tratamento de empates

Introdução  
Transformada  
Imagen-Floresta  
Orientada (OIFT)  
Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)  
Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)  
Tratamento de  
empates  
Polaridade de borda



Segmentação passo a passo por OIFT ( $f_w^{\rightarrow}$ ) com desempate FIFO

$$f_w^{\rightarrow}(\langle t \rangle) = \begin{cases} -\infty & \text{se } t \in \mathcal{S} \\ +\infty & \text{caso contrário} \end{cases}$$

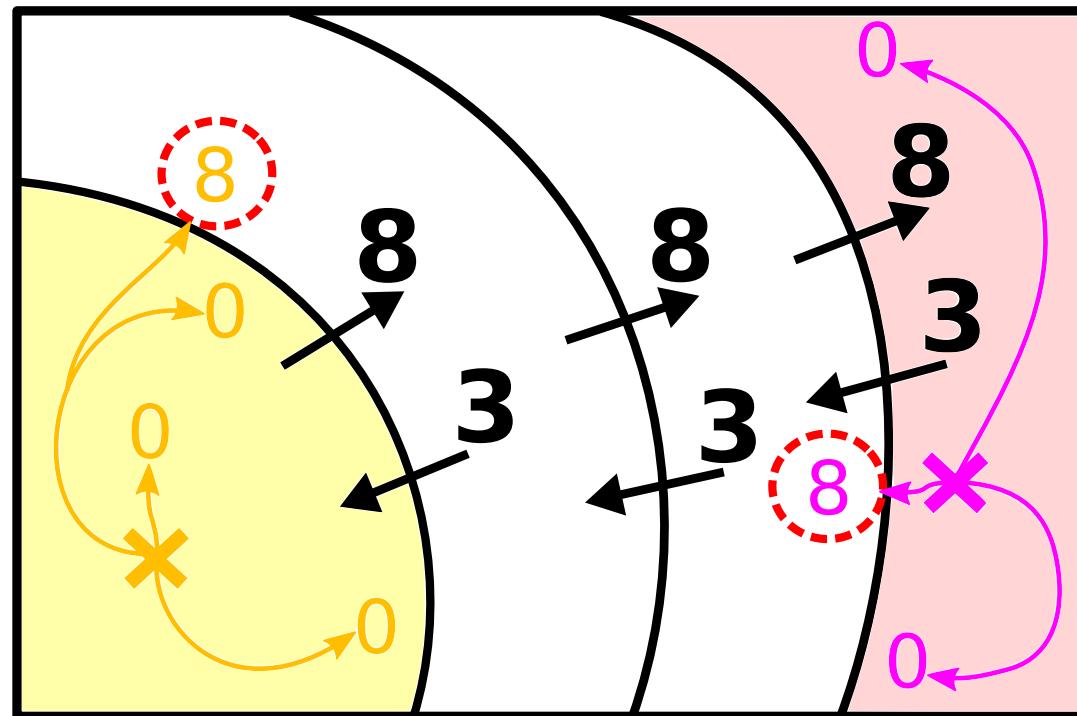
$$f_w^{\rightarrow}(\pi_{r \rightsquigarrow s} \cdot \langle s, t \rangle) = \begin{cases} w(s, t) & \text{se } r \in \mathcal{S}_o \\ w(t, s) & \text{se } r \in \mathcal{S}_b \end{cases}$$



# Tratamento de empates

Introdução  
Transformada  
Imagem-Floresta  
Orientada (OIFT)  
Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)  
Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)  
**Tratamento de  
empates**

Polaridade de borda



Segmentação passo a passo por OIFT ( $f_w^{\rightarrow}$ ) com desempate FIFO

$$f_w^{\rightarrow}(\langle t \rangle) = \begin{cases} -\infty & \text{se } t \in \mathcal{S} \\ +\infty & \text{caso contrário} \end{cases}$$

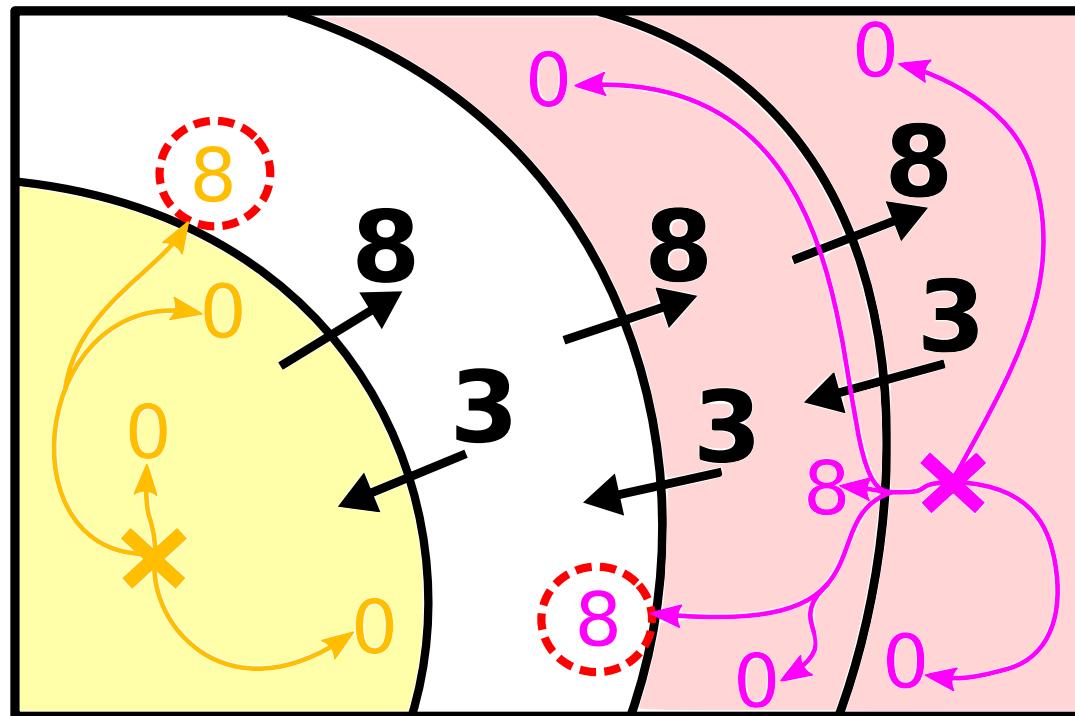
$$f_w^{\rightarrow}(\pi_{r \sim s} \cdot \langle s, t \rangle) = \begin{cases} w(s, t) & \text{se } r \in \mathcal{S}_o \\ w(t, s) & \text{se } r \in \mathcal{S}_b \end{cases}$$



# Tratamento de empates

Introdução  
Transformada  
Imagem-Floresta  
Orientada (OIFT)  
Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)  
Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)  
**Tratamento de  
empates**

Polaridade de borda



Segmentação passo a passo por OIFT ( $f_w^{\rightarrow}$ ) com desempate FIFO

$$f_w^{\rightarrow}(\langle t \rangle) = \begin{cases} -\infty & \text{se } t \in \mathcal{S} \\ +\infty & \text{caso contrário} \end{cases}$$

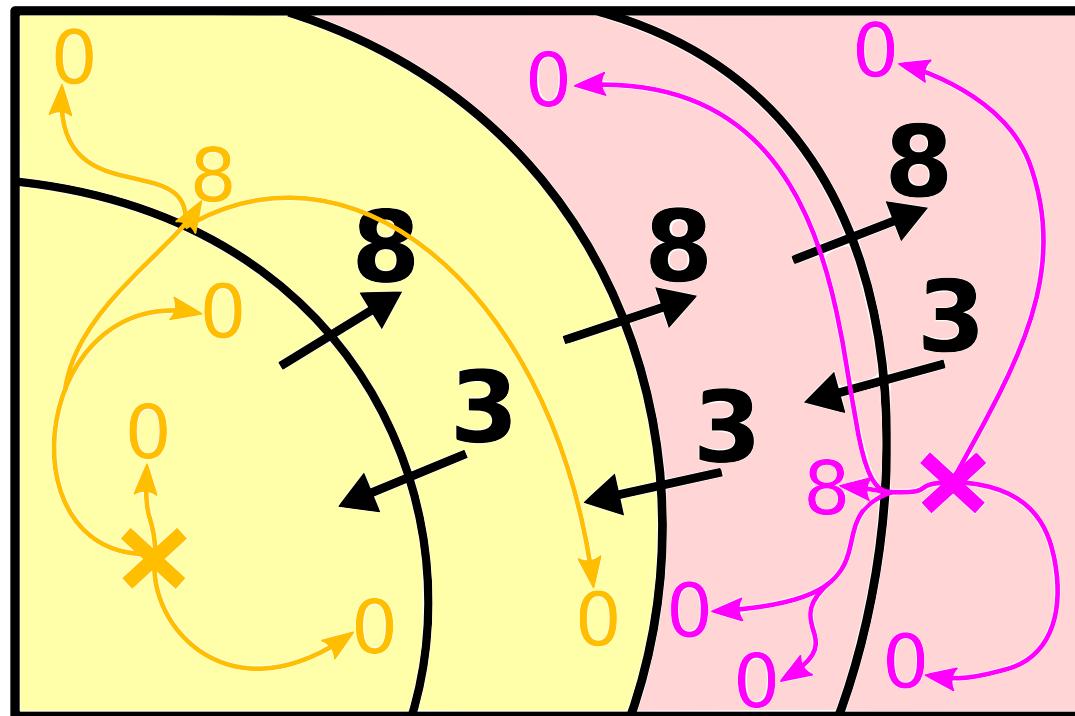
$$f_w^{\rightarrow}(\pi_{r \sim s} \cdot \langle s, t \rangle) = \begin{cases} w(s, t) & \text{se } r \in \mathcal{S}_o \\ w(t, s) & \text{se } r \in \mathcal{S}_b \end{cases}$$



# Tratamento de empates

Introdução  
Transformada  
Imagem-Floresta  
Orientada (OIFT)  
Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)  
Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)  
**Tratamento de  
empates**

Polaridade de borda



Segmentação passo a passo por OIFT ( $f_w^{\rightarrow}$ ) com desempate FIFO

$$f_w^{\rightarrow}(\langle t \rangle) = \begin{cases} -\infty & \text{se } t \in \mathcal{S} \\ +\infty & \text{caso contrário} \end{cases}$$

$$f_w^{\rightarrow}(\pi_{r \sim s} \cdot \langle s, t \rangle) = \begin{cases} w(s, t) & \text{se } r \in \mathcal{S}_o \\ w(t, s) & \text{se } r \in \mathcal{S}_b \end{cases}$$



## Polaridade de borda

Introdução  
Transformada  
Imagen-Floresta  
Orientada (OIFT)  
Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)  
Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)  
Tratamento de  
empates  
Polaridade de borda

- Seja  $G = \langle \mathcal{N}, \mathcal{A}, \delta \rangle$  um dígrafo simétrico e com pesos não direcionados ( $\delta(s, t) = \delta(t, s)$ ). Ou seja,  $G$  essencialmente representa um grafo não direcionado. Por exemplo, podemos usar o valor absoluto da diferença de intensidades da imagem  $\delta(s, t) = |I(s) - I(t)|$ , onde  $I(t)$  é a intensidade da imagem no pixel  $t$ .
- Um segundo grafo  $G' = \langle \mathcal{N}, \mathcal{A}, w \rangle$  com pesos direcionados  $w(s, t)$  pode ser obtido via a multiplicação por um fator de orientação, como segue:

$$w(s, t) = \begin{cases} \delta(s, t) \times (1 + \alpha) & \text{se } I(s) > I(t) \\ \delta(s, t) & \text{se } I(s) = I(t) \\ \delta(s, t) \times (1 - \alpha) & \text{se } I(s) < I(t) \end{cases}$$

onde  $-1 \leq \alpha \leq 1$ . O valor de  $\alpha$  define a polaridade de borda.



# Polaridade de borda

Introdução  
Transformada  
Imagen-Floresta  
Orientada (OIFT)  
Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)  
Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)  
Tratamento de  
empates  
**Polaridade de borda**

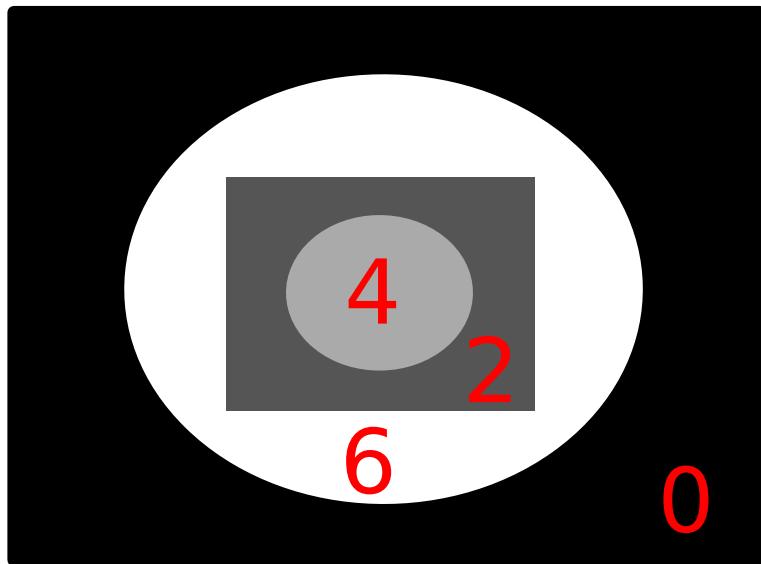
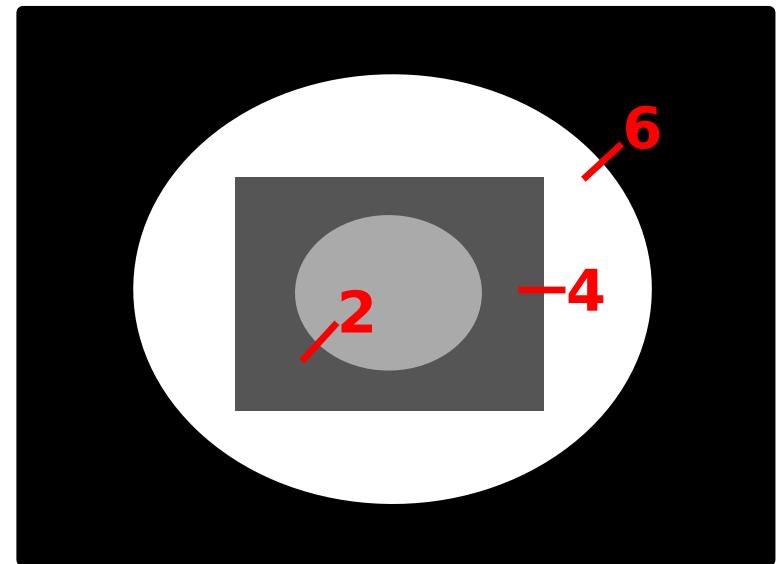


Imagen com valores  $I(t)$



Pesos  $\delta(s, t) = |I(s) - I(t)|$



# Polaridade de borda

Introdução  
Transformada  
Imagen-Floresta  
Orientada (OIFT)  
Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)  
Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)  
Tratamento de  
empates  
**Polaridade de borda**

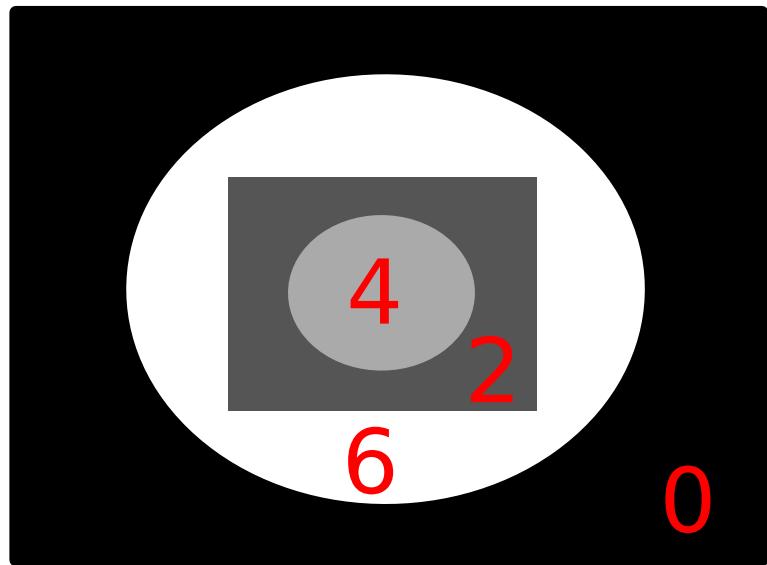
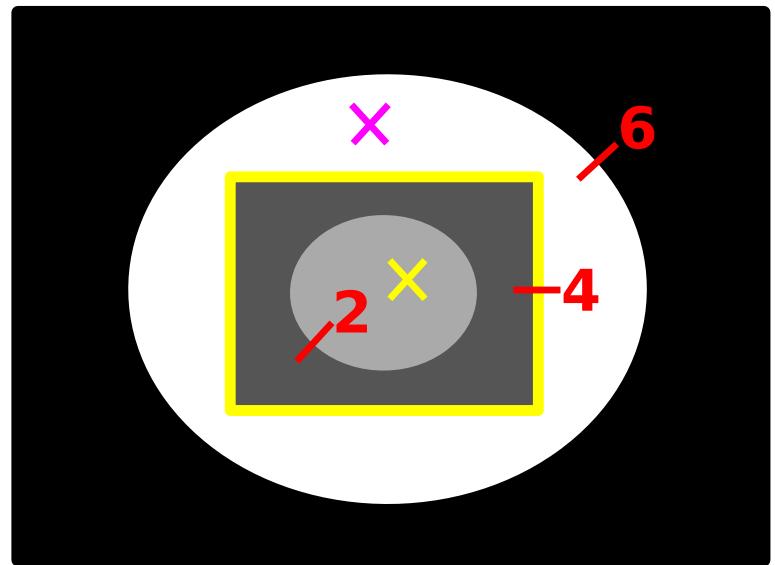


Imagen com valores  $I(t)$



Segmentação por IFT ( $f_{\max}$ )



# Polaridade de borda

Introdução  
Transformada  
Imagen-Floresta  
Orientada (OIFT)  
Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)  
Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)  
Tratamento de  
empates  
**Polaridade de borda**

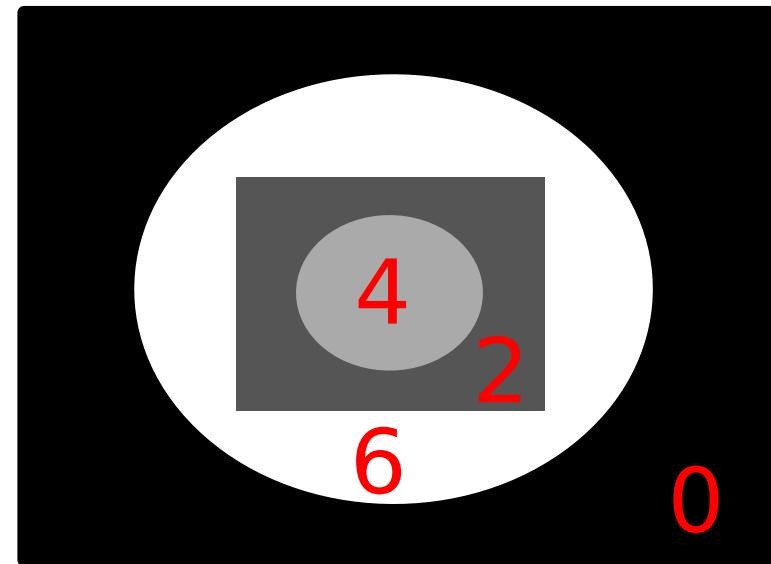
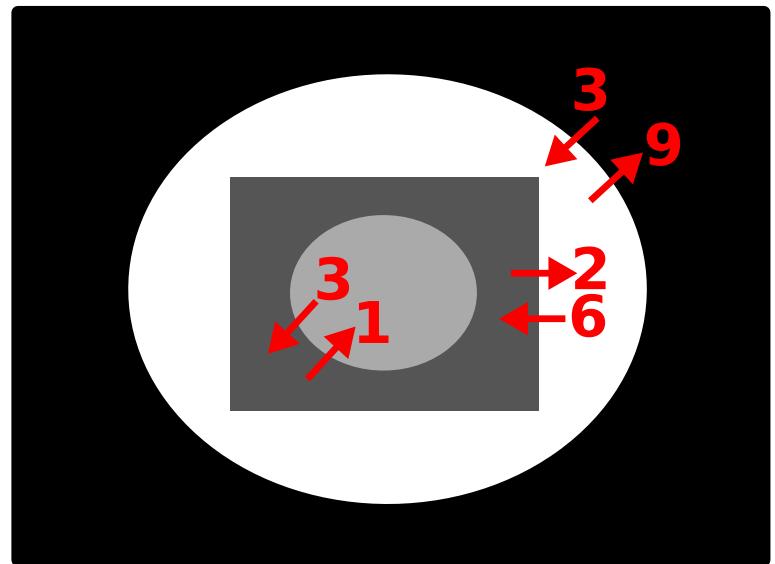


Imagen com valores  $I(t)$



Pesos  $w(s, t)$  com  $\alpha = 0.5$



# Polaridade de borda

Introdução  
Transformada  
Imagen-Floresta  
Orientada (OIFT)  
Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)  
Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)  
Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)  
Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)  
Tratamento de  
empates  
**Polaridade de borda**

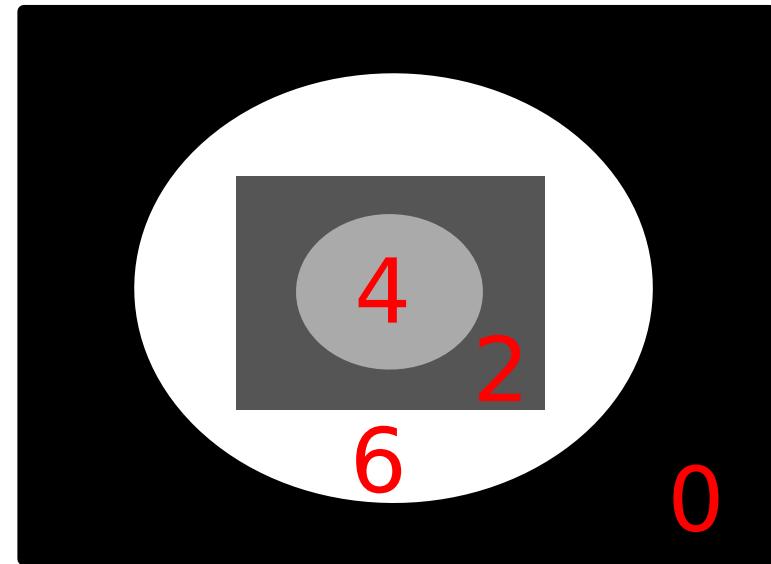
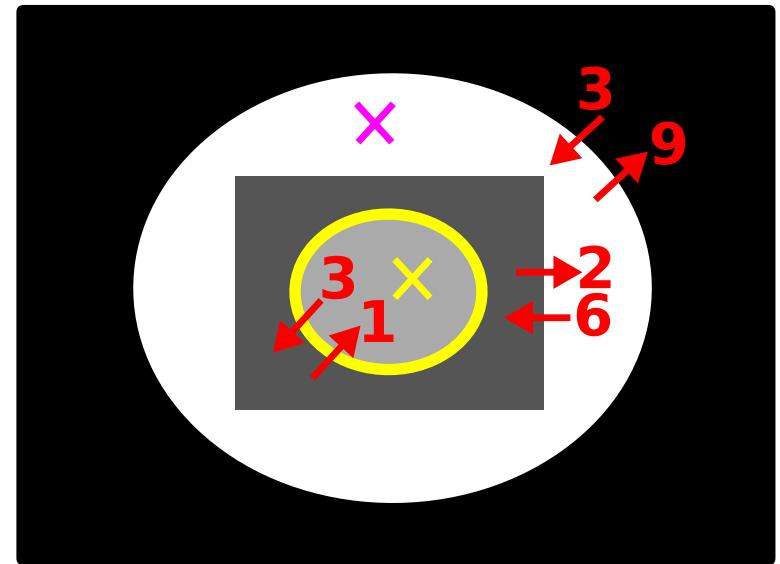


Imagen com valores  $I(t)$



Segmentação por OIFT ( $f_w^{\vec{o}}$ )



## Polaridade de borda

Introdução  
Transformada  
Imagen-Floresta  
Orientada (OIFT)

Função de  
conexidade  
(1<sup>a</sup> versão)

Propagação dos  
caminhos  
(1<sup>a</sup> versão)

Corte interno  
(1<sup>a</sup> versão)

Função de  
conexidade  
(2<sup>a</sup> versão)

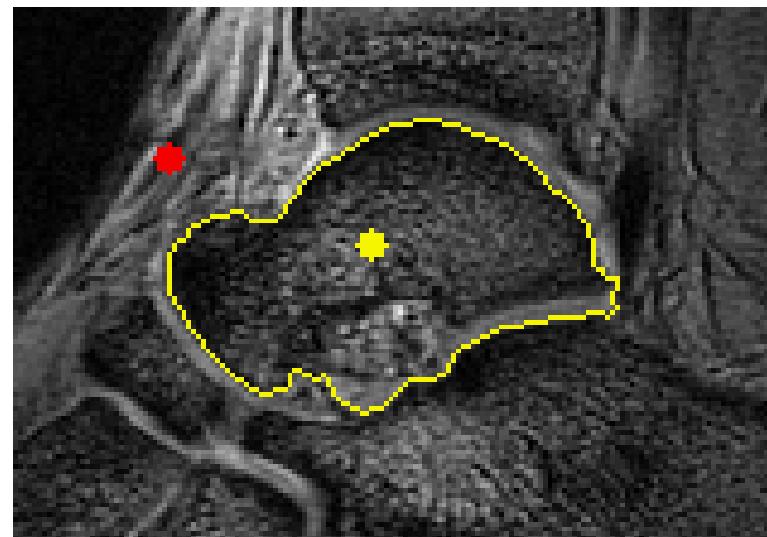
Propagação dos  
caminhos  
(2<sup>a</sup> versão)

Corte interno  
(2<sup>a</sup> versão)

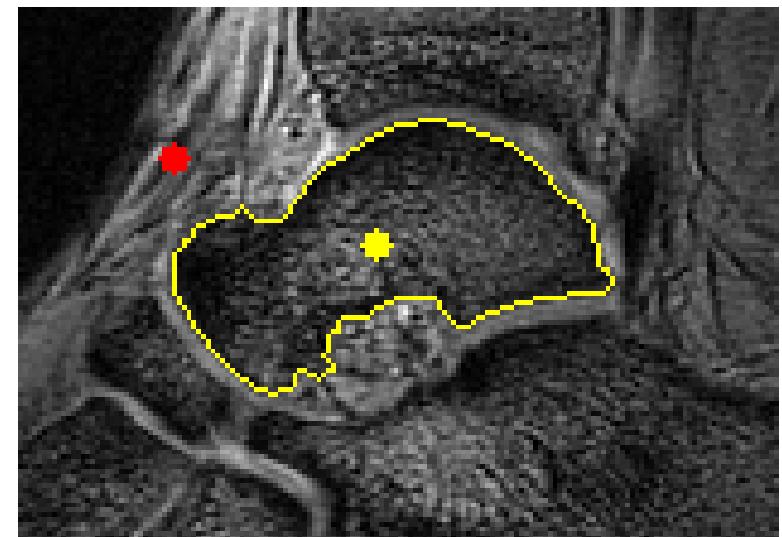
Tratamento de  
empates

Polaridade de borda

Exemplo da OIFT no dígrafo  $G'$  para a segmentação do osso tálus em uma fatia de imagem de RM do pé.



(a)  $\alpha = 0$



(b)  $\alpha = -0.5$

- $\alpha = 0$ : Polaridade neutra.
- $\alpha < 0$ : Polaridade favorecendo transições na borda de pixels escuros para fundo mais claro.
- $\alpha > 0$ : Polaridade favorecendo transições na borda de pixels claros para fundo mais escuro.